

$$\theta_n(t) = -\frac{1}{\hbar} \int_0^t \left(E_n(\tau) - i\hbar \langle n(\tau) | \dot{n}(\tau) \rangle \right) d\tau$$