





**Institute of Theoretical Physics, Chinese Academy of Sciences** 

# 粲-奇异奇特强子及其伙伴态的衰变



付海龙 2025.07.14 中国科学院理论物理研究所 第八届强子谱和强子结构研讨会



T

中国科学院理论物理研究所 Institute of Theoretical Physics, Chinese Academy of Sciences

### 01 | $D_{sJ}$ 和 $B_{sJ}$ 分子态的衰变性质

■ 02 利用阈效应搜寻 B<sub>sJ</sub> 分子态

03 | D<sub>s1</sub> 的三体末态衰变

## 背景介绍: 奇特强子态







- 奇特强子态: 超出传统的夸克模型
- 近二十年来大量新强子态的实验发现
- 随着实验技术的提高,对于强子性质的描述越来越精确

## 强子分子态的概念

● 强子分子态:

类似于原子核,由无色的强子之间的相互作用束缚起来

- 区别于紧致多夸克态,空间尺度较大,位于强子对的阈值附近
- 低能系统: 具备良好的有效场论描述





## 粲-轻奇特强子



 $D_{s0}^{*}(2317)$ : BaBar (2003)  $J^{P}=0^{+}, \Gamma < 3.8$  MeV  $D_{s1}(2460)$ : CLEO (2003)  $J^{P}=1^{+}, \Gamma < 3.5$  MeV

- 质量低于夸克模型的预言
- 精细调节的质量:  $\underbrace{M_{D_{s1}(2460)} M_{D^*_{s0}(2317)}}_{(141.8\pm0.8) \text{ MeV}} \simeq \underbrace{M_{D^{*\pm}} M_{D^{\pm}}}_{(140.67\pm0.08) \text{ MeV}}?$



粲-轻系统的手征幺正方法



● 手征幺正方法



● 手征拉氏量

$$\begin{split} \mathcal{L}_{\phi P}^{(1)} &= D_{\mu} P D^{\mu} P^{\dagger} - m^{2} P P^{\dagger} \propto E_{\phi} + \mathcal{O}(1/M_{D}) \text{ (S-wave)} \quad \text{Weinberg-Tomozawa} \\ &P = (D^{0}, D^{+}, D_{s}^{+}) \\ \mathcal{L}_{\phi P}^{(2)} &= P \left[ -h_{0} \langle \chi_{+} \rangle - h_{1} \chi_{+} + h_{2} \langle u_{\mu} u^{\mu} \rangle - h_{3} u_{\mu} u^{\mu} \right] P^{\dagger} \\ &+ D_{\mu} P \left[ h_{4} \langle u_{\mu} u^{\nu} \rangle - h_{5} \{ u^{\mu}, u^{\nu} \} \right] D_{\nu} P^{\dagger} \end{split}$$

Feng-Kun Guo et al., Phys.Lett.B 666 (2008)



通过格点QCD的结果拟合低能常数 



 $a_{\mathbf{D}}$ 

## 粲-轻奇特强子: 衰变宽度





强子分子态图像下可以给出较大的同位旋破
 坏衰变宽度,与紧致态有显著差别

完整的同位旋破坏机制:
 顶角处和含有介子对的圈图都存在同位旋破坏

衰变道	卷图	$\pi^0$ - $\eta$ 混合	完整结果keV
$D_{s0}^* \to D_s \pi^0$	$50 \pm 3$	$20 \pm 2$	132 ± 7
$D_{s1} \to D_s^* \pi^0$	37 ± 7	$20 \pm 3$	111 ± 15
$B_{s0}^* \to B_s \pi^0$	$15 \pm 2$	$22 \pm 3$	75 ± 6
$B_{s1} \rightarrow B_s^* \pi^0$	$16 \pm 2$	$23 \pm 3$	76 <u>+</u> 7

辐射衰变

#### Electric Charge (EC):





$$\mathcal{L}_{contact} = \kappa F_{\mu\nu} (v^{\mu} D_{s0}^{*} D_{s}^{*\dagger\nu} + D_{s1}^{\mu} v^{\nu} D_{s}^{\dagger} + \varepsilon^{\mu\nu\alpha\beta} D_{s1\alpha} D_{s\beta}^{*\dagger}) + \tilde{\kappa} \varepsilon^{\mu\nu\alpha\beta} F_{\mu\nu} v_{\beta} D_{s1\alpha} D_{s0}^{*\dagger} + h.c.$$

• 实验输入: 
$$R_2 = \frac{\Gamma(D_{s1} \to D_s \gamma)}{\Gamma(D_{s1} \to D_s^* \pi^0)}$$
  $\Gamma(D^{*0} \to D^0 \gamma)$   $\Gamma(D^{*+} \to D^+ \gamma)$ 



衰变道	EC	MM	CT	完整结果 kev
$D_{s0}^* \to D_s^* \gamma$	$3.5 \pm 0.3$	$0.06 \pm 0.02$	0.04	$3.7 \pm 0.3$
$D_{s1} \rightarrow D_s \gamma$	13 ± 1	$6.5 \pm 0.6$	0.1	$42 \pm 4$
$D_{s1} \rightarrow D_s^* \gamma$	$12 \pm 2$	$0.8 \pm 0.1$	0.1	$13 \pm 2$
$D_{s1} \rightarrow D_{s0}^* \gamma$	-	$3.0 \pm 0.6$	?	?
$B_{s0}^* \to B_s^* \gamma$	58 ± 8	$2.1 \pm 0.3$	0.02	59 <u>±</u> 8
$B_{s1} \rightarrow B_s \gamma$	$70 \pm 10$	41 ± 6	0.02	$220 \pm 31$
$B_{s1} \rightarrow B_s^* \gamma$	$110 \pm 15$	$0.19 \pm 0.02$	0.03	$100 \pm 15$
$B_{s1} \rightarrow B_{s0}^* \gamma$	-	$0.03 \pm 0.01$	?	?





$$\begin{split} R_{1} &= \frac{\Gamma(D_{s0}^{*} \to D_{s}^{*}\gamma)}{\Gamma(D_{s0}^{*} \to D_{s}\pi^{0})}, \quad R_{2} &= \frac{\Gamma(D_{s1} \to D_{s}\gamma)}{\Gamma(D_{s1} \to D_{s}^{*}\pi^{0})}, \\ R_{3} &= \frac{\Gamma(D_{s1} \to D_{s}^{*}\gamma)}{\Gamma(D_{s1} \to D_{s}^{*}\pi^{0})}, \quad R_{4} &= \frac{\Gamma(D_{s1} \to D_{s}^{*}\gamma)}{\Gamma(D_{s1} \to D_{s}^{*}\pi^{0})}, \\ R_{5} &= \frac{\Gamma(D_{s1} \to D_{s}^{*}\pi^{0}) + \Gamma(D_{s1} \to D_{s0}^{*}\gamma)}{\Gamma(D_{s1} \to D_{s}^{*}\pi^{0}) + \Gamma(D_{s1} \to D_{s0}^{*}\gamma)}, \\ R_{6} &= \frac{\Gamma(D_{s1} \to D_{s}^{*}\pi^{0}) + \Gamma(D_{s1} \to D_{s0}^{*}\gamma)}{\Gamma(D_{s1} \to D_{s}^{*}\pi^{0}) + \Gamma(D_{s1} \to D_{s0}^{*}\gamma)}, \\ R_{7} &= \frac{\Gamma(D_{s1} \to D_{s}^{*}\pi^{0}) + \Gamma(D_{s1} \to D_{s0}^{*}\gamma)}{\Gamma(D_{s1} \to D_{s}^{*}\pi^{0}) + \Gamma(D_{s1} \to D_{s0}^{*}\gamma)}, \\ R_{8} &= \frac{\Gamma(D_{s1} \to D_{s}^{*}\pi^{0}) + \Gamma(D_{s1} \to D_{s0}^{*}\gamma)}{\Gamma(D_{s1} \to D_{s0}^{*}\gamma) + \Gamma(D_{s1} \to D_{s0}^{*}\gamma)}. \end{split}$$

分支比	理论结果	测量值	理论结果
	粲介子	粲介子	底介子
$R_1$	$0.028 \pm 0.009$	< 0.059	$0.79 \pm 0.13$
$R_2$	0.38(固定)±0.08	$0.38 \pm 0.05$	$2.9 \pm 0.5$
$R_3$	$0.12 \pm 0.02$	< 0.16	$1.4 \pm 0.2$
$R_4$	$0.028 \pm 0.006$	< 0.22	$(4\pm1)\times10^{-4}$
$R_5$	$0.97 \pm 0.01$	$0.93 \pm 0.09$	$1.0 \pm 0.1$
$R_6$	$0.37 \pm 0.08$	$0.35 \pm 0.04$	$2.9 \pm 0.5$
<i>R</i> <sub>7</sub>	$0.12 \pm 0.02$	< 0.24	$1.4 \pm 0.2$
$R_8$	$0.027 \pm 0.004$	< 0.25	$(4\pm1)\times10^{-4}$

利用阈效应测量强子分子态质量





- $B_{s0}^{*}$ 和 $B_{s1}$ 的主要衰变道:  $B_{s0}^{*} o B_{s}^{0} \pi^{0}, B_{s}^{*0} \gamma$  $B_{s1} o B_{s}^{*0} \pi^{0}, B_{s} \gamma, B_{s}^{*} \gamma, B_{s0}^{*} \gamma$ 末态光子难以精确测量对发现这些奇特态提出挑战
- ▶ 利用阈效应间接测量辐射衰变为主的强子态质量

### 近阈结构





#### Xiang-Kun Dong et al., Phys.Rev.Lett. 126 (2021)





- 对于吸引的相互作用,在一对强子的阈值附
   近必定出现峰-谷的结构
- 对于虚态,阈值处出现尖峰(cusp),对于束缚态,极点处出现共振峰

利用阈效应测量强子分子态质量





利用阈效应精确测量辐射衰变为主的强子态质量
对于重味系统Υφ: 耦合到B<sup>\*</sup><sub>s0</sub>B<sub>s</sub> 虚态: M<sub>virtual</sub> = M<sub>1</sub> + M<sub>2</sub> 束缚态: M<sub>res</sub> = M<sub>1</sub> + M<sub>2</sub> - ΔM
例子: J/ψφ末态: X(4274) PDG., Phys.Rev.D 110 (2024) 4286 MeV - m<sub>Ds</sub> = 2318 MeV

量子数为0<sup>-+</sup>而非1<sup>++</sup>

三体系统的低能有效场论 有效场论描述 辅助场方法





$$\begin{split} iD(p_0,\mathbf{p}) &= iD^0 + iD^0 i\Sigma D^0 + \dots \\ &= iD^0 \sum_{n=0}^{\infty} (-\Sigma D^0)^n = \frac{i}{(D^0)^{-1} + \Sigma}. \\ &iD(p_0,\mathbf{p}) = -\frac{2\pi}{mg_2^2} \frac{i}{-\gamma + \sqrt{-mp_0 + \frac{\mathbf{p}^2}{4} - i\varepsilon}}. \end{split}$$

### S-波散射方程

dimer传播子:

E. Braaten & H.W. Hammer, Phys.Rept. 428 (2006)

不加入三体项,  $在\Lambda \rightarrow \infty$ 时无法 收敛到唯一解。

$$\begin{split} T(E,k,p) &= \frac{16\pi \,\gamma}{m} \left[ \frac{1}{2kp} \ln \left( \frac{p^2 + pk + k^2 - E - i\varepsilon}{p^2 - pk + k^2 - E - i\varepsilon} \right) - \frac{1}{4m} \frac{g_3}{g_2^2} \right] \\ &+ \frac{4}{\pi} \int_0^{\Lambda} dq \frac{q^2 \, T(E,k,q)}{-\gamma + \sqrt{-mE + \frac{3}{4}q^2 - i\varepsilon}} \left[ \frac{1}{2qp} \ln \left( \frac{p^2 + pq + q^2 - E - i\varepsilon}{p^2 - pq + q^2 - E - i\varepsilon} \right) - \frac{1}{4m} \frac{g_3}{g_2^2} \right] \end{split}$$

三体力的准周期性行为

三体项作为重整化要求的截断依赖项

$$g_3 = -\frac{4mg_2^2}{\Lambda^2}H(\Lambda)$$

P. Bedaque et al., Phys.Rev.Lett. 82 (1999)

$$H(\Lambda) = \frac{\cos\left[s_0 \ln\left(\frac{\Lambda}{\Lambda_*}\right) + \arctan\left(s_0\right)\right]}{\cos\left[s_0 \ln\left(\frac{\Lambda}{\Lambda_*}\right) - \arctan\left(s_0\right)\right]}$$

- 新的参数 Λ<sub>\*</sub>,物理意义是三体力为0的点,需要额外的输 入来固定
- 所有截断依赖性被三体项吸收
- 周期性行为是重整化群极限环的体现



D.Kaplan et al., Phys.Rev.D 80 (2009)





三体 $\overline{D}_s DK$ 系统的散射方程





● 散射方程 (不含三体项)

$$\begin{pmatrix} iT_1(p,q)\\ iT_2(p,q)\\ iT_3(p,q) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0\\ iV_{21}(p,q)\\ iV_{31}(p,q) \end{pmatrix} + \int_0^{\Lambda} \frac{k^2 dk}{2\pi^2} \begin{pmatrix} 0 & iV_{12}(p,k) & iV_{13}(p,k)\\ iV_{21}(p,k) & 0 & iV_{23}(p,k) \end{pmatrix} \begin{pmatrix} Z_1^{-1}iG_1(E - \frac{k^2}{2m_{D_s}},k)iT_1(k,q)\\ Z_2^{-1}iG_2(E - \frac{k^2}{2m_D},k)iT_2(k,q)\\ Z_3^{-1}iG_3(E - \frac{k^2}{2m_K},k)iT_3(k,q) \end{pmatrix}$$

数值结果

 $a_{DK} = 1.04 \text{ fm}$ DK 由*D*<sup>\*</sup><sub>s0</sub>(2317)的质量固定  $B_i = 1/(2\mu_i a_i^2)$  $\overline{D}_{s}K \quad a_{\overline{D}_{s}K} = -2.57 \text{ fm}$ 由手征幺正方法计算:  $\overline{D}_{s}K-\overline{D}\pi-\overline{D}\eta$  $\overline{D}_{s}D$  $a_{\overline{D}_{S}D} = 0.22 \text{ fm} (\Lambda_2 = 0.5 \text{ GeV})$ 

 $-0.45 \text{ fm} (\Lambda_2 = 1.0 \text{ GeV})$ 



800

900

1000

极点位置表现出明显的截断依赖性 

700

 $\Lambda$  [MeV]

70 ·

65

[ 00 ] -∆E [MeV] 22 -

55

50

45 500

600







需引入三体项:  $iV_{ij}^S = i\mu_i g_i c g_j \mu_j$ 

### 拟合LHCb实验数据





 $iF = iF_1 + iF_2$ 

 $F_2 = U_1 i G_1 i V_{10} + U_1 i G_1 i T_{1j} i G_j i V_{j0}$ 

• 拟合参数: 
$$c = c_1 + ic_2$$
  $\mathcal{N}, m_0 = m_1 + im_2$ 

- 与LHCb最佳拟合之间的  $\chi^2/d.o.f. = 0.9$
- $D_{s0}^* \overline{D}_s$ 极点位置:  $4264.85^{+0.02}_{-0.02} + (-1.70^{+0.08}_{-0.09})i$  MeV



$$\frac{dN}{dM_{J/\psi\phi}} = \mathcal{N}^2 \left| f_1 + f_2 + m_0 \right|^2 \text{ p.s.}$$

重夸克味道伙伴态系统

 $BK \quad a_{BK} = 0.88 \text{ fm}$ 

 $\overline{B}_{s}K$   $a_{\overline{B}_{s}K} = -5.73 \text{ fm}$ 

● 与BK和ĒsK计算方法相同

### $\overline{B}_{s}B$

只存在势能水平的重夸克味道对称性,近似估计:
 V.Baru et al., Eur.Phys.J.C 79 (2019)

$$a_{\overline{D}_{S}D} \to \Lambda_2 \to a_{\overline{B}_{S}B}$$

$$\downarrow$$

$$0.5 \sim 1.0 \text{ GeV}$$

$$a_{\bar{B}_{s}B} = 0.44 \text{ fm} (\Lambda_{2} = 0.5 \text{ GeV})$$
  
2.43 fm ( $\Lambda_{2} = 1.0 \text{ GeV}$ )



$c_* = 17.6 - 11.0i \text{ GeV}^{-3}$	pole position	$\Delta E_B({ m MeV})$
$\Lambda=0.50~{\rm GeV}$	-/-	_
$\Lambda=0.75~{\rm GeV}$	v/v	-6.07/-6.68
$\Lambda = 1.00~{\rm GeV}$	v/v	-1.18/-1.66
$\Lambda = 1.25~{\rm GeV}$	b/v	-0.08/-0.0004
$\Lambda = 1.50~{\rm GeV}$	b/b	-2.22/-1.24

- 对底介子系统:三体项仅使用粲介子系统中三体项的 实部
- 当减小截断值时,底介子三体系统的极点由束缚态向 虚态转变

 $D_{s1}(2460) \rightarrow D_s \pi \pi$ 



● 不变质量分布中的双峰结构

Meng-Na Tang et al., CTP 75 (2023)



● 被LHCb的观测所证实



Figure 3: Comparison between data (black error bars) and results of the fit with the  $f_0(500) + f_0(980) + f_2(1270)$  model (red solid line). The distributions are for the three channels combined in (a)  $m(\pi^+\pi^-)$ , (b)  $m(D_s^+\pi^+)$ , and (c)  $m(D_s^+\pi^+)$  requiring  $m(\pi^+\pi^-) > 0.39$  GeV. Individual components, corresponding to the background contribution estimated from  $m(D_s^+\pi^+\pi^-)$  sideband regions (gray-filled) and the different resonant contributions (coloured dashed lines), are also shown as indicated in the legend.

LHCb Sci.Bull. 70 (2025)









● 完整的计算显示LHCb的数据可以在分子态图像下得 到较好的解释,无需引入新的奇特态

Hai-Long Fu et. al., in preparation

 $D_{s1}(2460) \rightarrow D K \gamma$ 





•  $D_{s1} \rightarrow D_{s0}\gamma$ 的参数未能完全确定

● 接触项强度A<sub>QCD</sub>/m<sub>c</sub>~0.3



 $\kappa_{\rm loop}{\sim}0.19$ 





- $D_{s1} \rightarrow D_{s0} \gamma$ 的短程相互作用对于三体末态的辐射衰变较为敏感。
- 相对于总宽度的分支比在百分之一 的水平