



兰州理论物理中心
Lanzhou Center for Theoretical Physics



量子理论及应用基础
教育部重点实验室
Key Laboratory of Quantum Theory and Applications of MoE



甘肃省理论物理
重点实验室
Key Laboratory of Theoretical Physics of Gansu Province



甘肃省量子物理
基础学科研究中心
Key Gansu Provincial Research Center for Basic
Disciplines of Quantum Physics

耦合道框架下 粲-奇异分子态类型四夸克态的研究

王福来

合作者：崔家宁 罗肆强 刘翔

兰州大学·物理科学与技术学院



兰州大学
LANZHOU UNIVERSITY

第十一届XYZ研讨会 2026年7月22日至27日 贵州·贵阳

Fu-Lai Wang, Si-Qiang Luo, and Xiang Liu, Phys. Rev. D 114, 014030 (2026)

Jia-Ning Cui and Fu-Lai Wang, arXiv:2606.13088

提 纲

1. 研究背景

2. S 波 K 介子与 T 双重态（反）粲介子形成的粲-奇异分子态类型四夸克态

Fu-Lai Wang, Si-Qiang Luo, and Xiang Liu, Phys. Rev. D 114, 014030 (2026)

3. S 波 K 介子与 S 波（反）粲介子形成的粲-奇异分子态类型四夸克态

Jia-Ning Cui and Fu-Lai Wang, arXiv:2606.13088

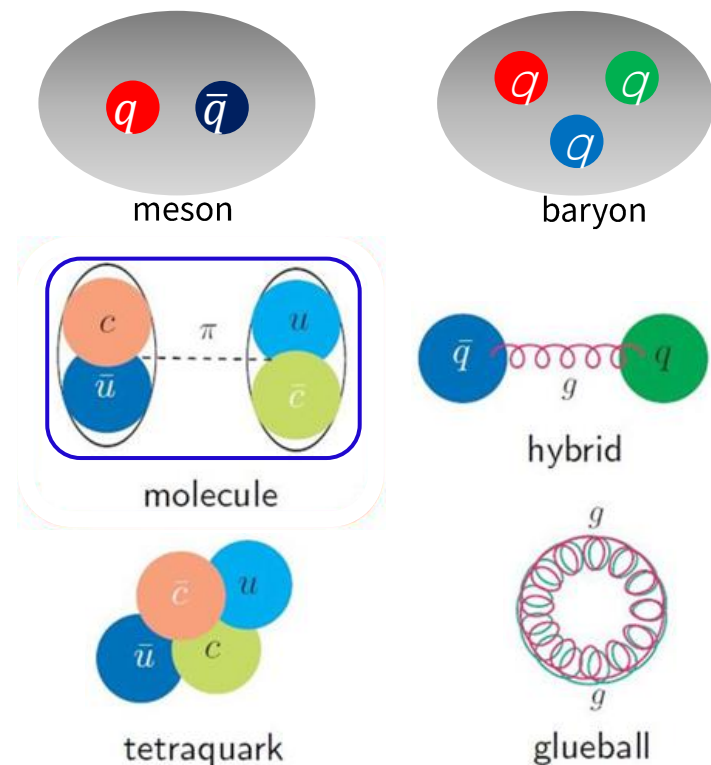
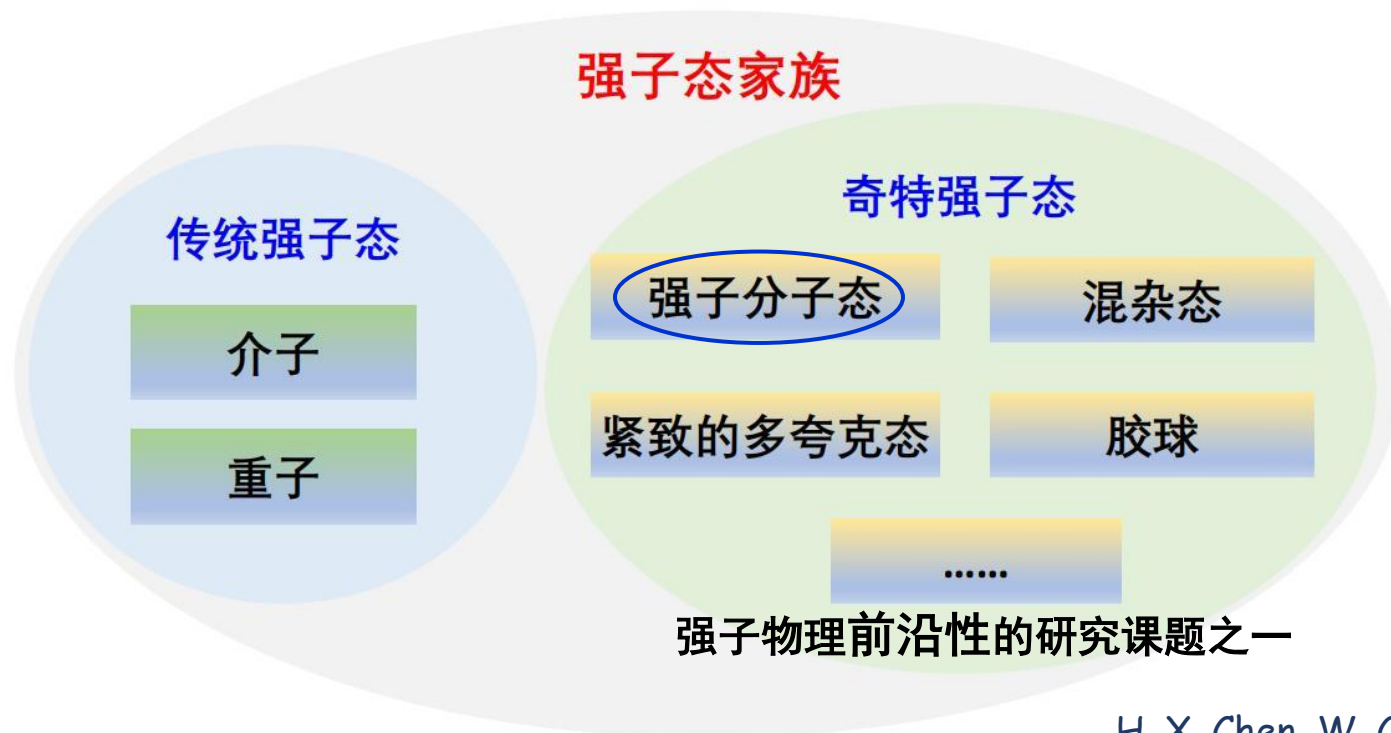
4. 总结与展望

1

研究背景

强子物理的研究对象——强子态

- 强子物理主要研究强子态的谱学和结构等问题。



H. X. Chen, W. Chen, X. Liu, and S. L. Zhu, Phys. Rept. 639, 1 (2016)

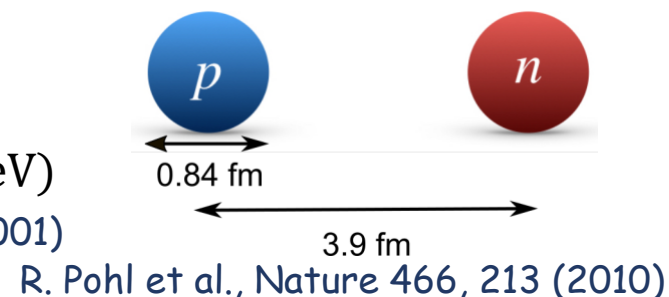
- 为理解强子的内部结构与强相互作用的非微扰问题提供重要的信息。

- 强子分子态是由两个(多个)色单态的强子形成的松散束缚态。

氦核是由质子与中子形成的分子态类型六夸克态，有较小的束缚能(~ 2.225 MeV)

和较大的尺寸(~ 3.9 fm)。

R. Machleidt, PRC 63, 024001 (2001)

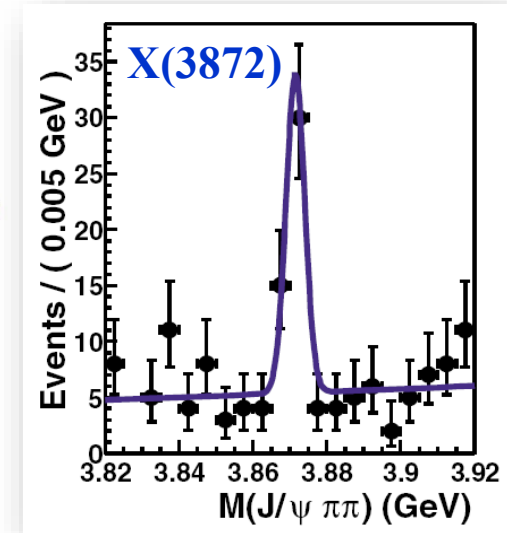


R. Pohl et al., Nature 466, 213 (2010)

进入本世纪，强子分子态的理论与实验研究进入到“黄金时期”

- 自2003年Belle实验组发现了类粲偶素 $X(3872)$ ，强子物理中强子分子态的理论与实验研究发展得特别迅速。

						$Y(4160)$					
						$X(3940)$	$Y(4630)$				
						$Y(4660)$	$Z^+(4248)$				
		$Z(3930)$				$Y(4360)$	$Z^+(4051)$		$X(4350)$		
$X(3872)$	$Y(3940)$	$Y(4260)$				$Y(4008)$	$Z^+(4430)$	$Y(4140)$	$X(3915)$		
2003	2004	2005	2006	2007	2008	2009	2010	2011	2012		
					$Z_c(4032)$						
					$X^*(3860)$						
					$Y(4390)$						
					$Y(4320)$						
								T_{cc}^+			
	$Z_c(4025)$				$Y(4220)$			$Z_{cs}(4220)$			
	$Z_c(3885)$				$X(4700)$	$P_c(4457)$		$Z_{cs}(4000)$			
$Z_c(3900)$	$Z^+(4240)$	$P_c(4450)$			$X(4500)$	$P_c(4440)$	$P_{cs}(4459)$	$X(4685)$	$X(3960)$		
$Z_c(4020)$	$Z_c^+(4200)$	$P_c(4380)$			$Y(4274)$	$Z_c^-(4100)$	$P_c(4312)$	$Z_{cs}(3985)$	$X(4630)$	$P_{\psi s}^\Lambda(4338)$	
2013	2014	2015	2016	2017	2018	2019	2020	2021	2022		



[Belle] PRL 91, 262001(2003)

H. X. Chen, W. Chen, X. Liu, and S. L. Zhu, Phys. Rept. 639, 1 (2016)

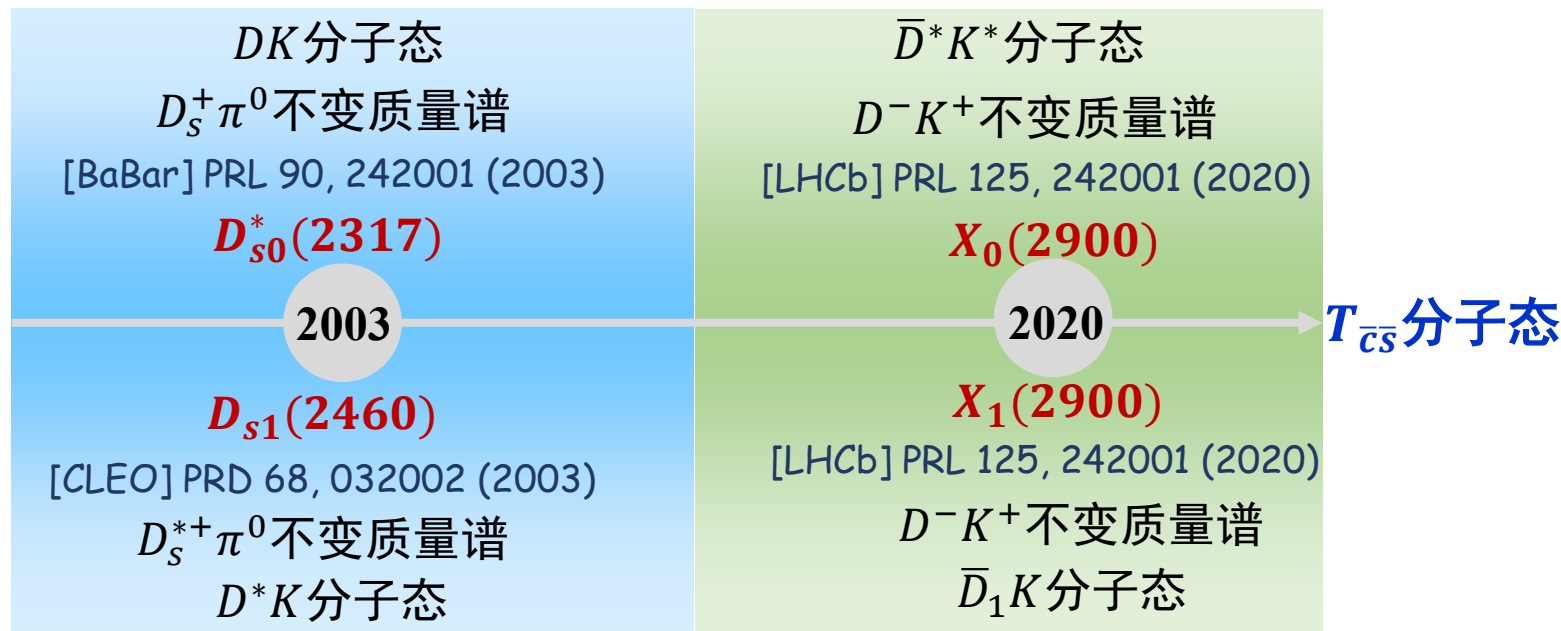
- 在奇特强子态的研究中，过去二十多年强子分子态引起了大家的广泛关注。

强子分子态的实验与理论研究现状的综述

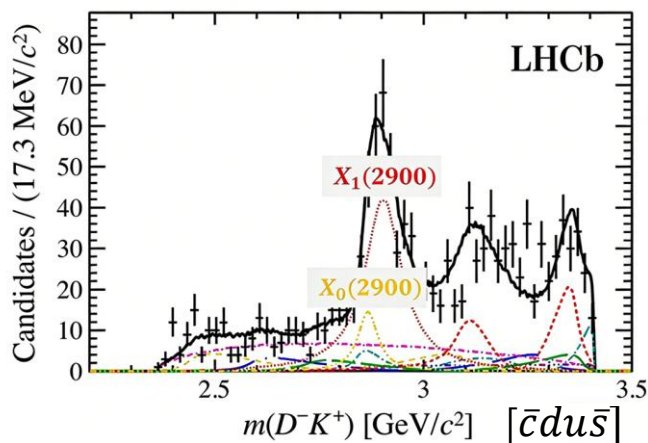
- ✓ X. Liu, Chin. Sci. Bull.59, 3815 (2014).
- ✓ H. X. Chen, W. Chen, X. Liu, and S. L. Zhu, Phys. Rep. 639, 1(2016).
- ✓ A. Hosaka, T. Iijima, K. Miyabayashi, Y. Sakai, and S. Yasui, Prog. Theor. Exp. Phys. 2016, 062C01 (2016).
- ✓ J. M. Richard, Few Body Syst. 57, 1185-1212 (2016).
- ✓ R. F. Lebed, R. E. Mitchell, and E. S. Swanson, Prog. Part. Nucl. Phys. 93, 143-194 (2017).
- ✓ S. L. Olsen, T. Skwarnicki, and D. Zieminska, Rev. Mod. Phys. 90, 015003 (2018).
- ✓ F. K. Guo, C. Hanhart, U. G. Meißner, Q. Wang, Q. Zhao, and B. S. Zou, Rev. Mod. Phys. 90, 015004(2018).
- ✓ Y. R. Liu, H. X. Chen, W. Chen, X. Liu, and S. L. Zhu, Prog. Part. Nucl. Phys. 107, 237(2019).
- ✓ N. Brambilla, S. Eidelman, C. Hanhart, A. Nefediev, C. P. Shen, C. E. Thomas, A. Vairo, and C. Z. Yuan, Phys. Rep. 873, 1 (2020).
- ✓ L. Meng, B. Wang, G. J. Wang, and S. L. Zhu, Phys. Rept. 1019, 1-149(2023).
- ✓ H. X. Chen, W. Chen, X. Liu, Y. R. Liu, and S. L. Zhu, Rept. Prog. Phys. 86,026201 (2023).
- ✓ M. Z. Liu, Y. W. Pan, Z. W. Liu, T. W. Wu, J. X. Lu, and L. S. Geng, Phys. Rept. 1108, 1-108 (2025).
- ✓ Z. G. Wang, Front. Phys. (Beijing) 21, 016300 (2026).
- ✓ X. Wang, X. Liu, and Y. Gao, Rev. Mod. Phys. 98, 021001(2026) .
- ✓ X. C. Dai, S. Jia, A. Nefediev, J. Nieves, C. P. Shen, and L. M. Zhang, Phys. Rept. 1191, 1-62 (2026).
- ✓ Z. Y. Bai, D. Y. Chen, Q. Huang, X. Liu, S. Q. Luo, and J. Z. Wang, arXiv:2602.19887.

高能物理实验发现的粲-奇异分子态类型四夸克态候选者

- 粲-奇异分子态类型四夸克态作为寻找四夸克态的重要载体，引起了大家的广泛关注。
- Babar实验组发现 $D_{s0}^*(2317)$ 后，实验上发现了一系列粲-奇异分子态类型四夸克态候选者。



F. K. Guo, C. Hanhart, U. G. Meißner, Q. Wang, Q. Zhao, and B. S. Zou, Rev. Mod. Phys. 90, 015004(2018)



高能物理实验首次发现的由
四种不同味道夸克组成的新
强子态——奇特强子态

含五种不同味道夸克的分子态类型五夸克态候选者： $\Xi_b^{(',*)}\bar{D}^{(*)}$ 和 $\Xi_c^{(',*)}B^{(*)}$

含四种不同味道夸克的分子态类型四夸克态候选者



含五种不同味道夸克的分子态类型五夸克态候选者

PHYSICAL REVIEW D **113**, 094037 (2026)

Fu-Lai Wang and Xiang Liu, Phys. Rev. D **113**, 094037 (2026)

Five-flavor molecular pentaquarks in the $\Xi_b^{(',*)}\bar{D}^{(*)}$ and $\Xi_c^{(',*)}B^{(*)}$ systems

Fu-Lai Wang^{*} and Xiang Liu[†]

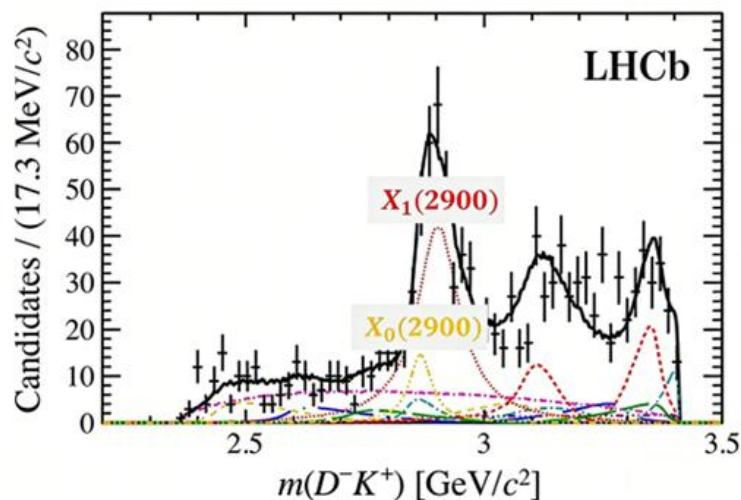
*School of Physical Science and Technology, Lanzhou University, Lanzhou 730000, China,
Lanzhou Center for Theoretical Physics, Key Laboratory of Theoretical Physics of Gansu Province,
Key Laboratory of Quantum Theory and Applications of MoE, Gansu Provincial Research Center for
Basic Disciplines of Quantum Physics, Lanzhou University, Lanzhou 730000, China,
MoE Frontiers Science Center for Rare Isotopes, Lanzhou University, Lanzhou 730000, China,
and Research Center for Hadron and CSR Physics, Lanzhou University and
Institute of Modern Physics of CAS, Lanzhou 730000, China*



(Received 26 March 2026; accepted 8 May 2026; published 28 May 2026)

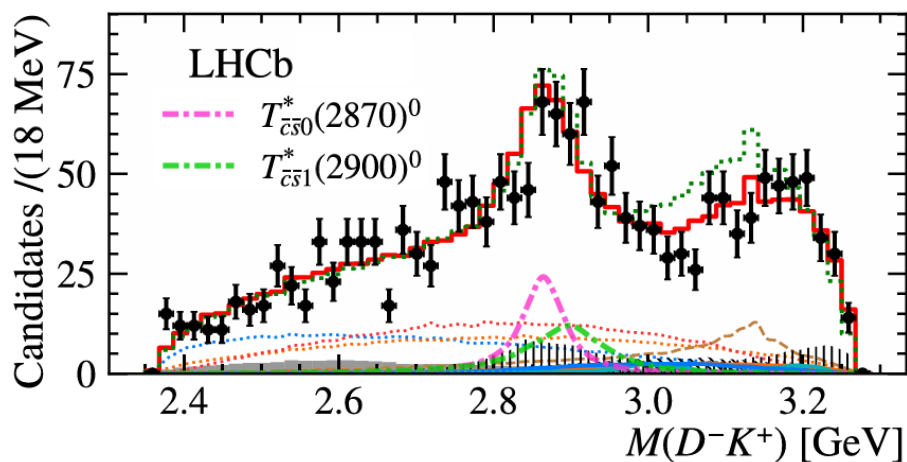
The discovery of hidden-charm pentaquarks and open-flavor tetraquarks motivates the search for even more exotic hadron configurations. In this work, we investigate genuinely exotic molecular pentaquark candidates comprising five different flavors, focusing on the $\Xi_b^{(',*)}\bar{D}^{(*)}$ and $\Xi_c^{(',*)}B^{(*)}$ systems. Employing the one-boson-exchange model with the S - D wave mixing and coupled-channel dynamics, we identify the most promising molecular pentaquark candidates comprising five different flavors. These include the $\Xi_b\bar{D}$, $\Xi_b'\bar{D}$, $\Xi_c B$, and $\Xi_c' B$ states with $I(J^P) = 0(1/2^-)$, the $\Xi_b\bar{D}^*$, $\Xi_b'\bar{D}^*$, $\Xi_c B^*$, and $\Xi_c' B^*$ states with $I(J^P) = 0(1/2^-, 3/2^-)$, the $\Xi_b^*\bar{D}$ and $\Xi_c^* B$ states with $I(J^P) = 0(3/2^-)$, as well as the $\Xi_b^*\bar{D}^*$ and $\Xi_c^* B^*$ states with $I(J^P) = 0(1/2^-, 3/2^-, 5/2^-)$. Importantly, these loosely bound states exhibit pronounced spin splittings across different total angular momentum configurations after incorporating the spin-dependent interactions or the channel couplings. In addition, we identify several possible isovector molecular pentaquark candidates within the $\Xi_b^{(',*)}\bar{D}^{(*)}$ and $\Xi_c^{(',*)}B^{(*)}$ systems. Our predictions provide clear targets for experimental searches at facilities such as LHCb and Belle II, where the unique five-flavor quark configuration offers a distinctive experimental signature.

$X_0(2900)$ 和 $X_1(2900)$ 的实验发现与确认



[LHCb] PRL 125, 242001 (2020)

- 发现过程: $B^+ \rightarrow D^+ D^- K^+$
- 夸克组成: $\bar{c}du\bar{s}$
高能物理实验上发现的由四种不同味道夸克组成的新强子态。
- 质量与宽度:
 $X_0(2900)$: $M = 2.866 \pm 0.007 \pm 0.002 \text{ GeV}/c^2$,
 $\Gamma = 57 \pm 12 \pm 4 \text{ MeV}$,
 $X_1(2900)$: $M = 2.904 \pm 0.005 \pm 0.001 \text{ GeV}/c^2$,
 $\Gamma = 110 \pm 11 \pm 4 \text{ MeV}$,



[LHCb] PRL 133, 131902 (2024)

- 确认过程: $B^+ \rightarrow D^{*\pm} D^\mp K^+$
- 质量与宽度:

$T_{\bar{c}\bar{s}0}^*(2870)^0$, mass [MeV]	$2914 \pm 11 \pm 15$
$T_{\bar{c}\bar{s}0}^*(2870)^0$, width [MeV]	$128 \pm 22 \pm 23$
$T_{\bar{c}\bar{s}1}^*(2900)^0$ mass [MeV]	$2887 \pm 8 \pm 6$
$T_{\bar{c}\bar{s}1}^*(2900)^0$ width [MeV]	$92 \pm 16 \pm 16$

- 自旋-宇称量子数:

$T_{\bar{c}\bar{s}0}^*(2870)^{0,\dagger}$	0^+
$T_{\bar{c}\bar{s}1}^*(2900)^{0\dagger}$	1^-

$X_0(2900)$ 和 $X_1(2900)$ 与奇异介子和粲介子阈值的比较

$$T_{\bar{c}s0}^*(2870)^0$$

$$I(J^P) = ?(0^+)$$

OMITTED FROM SUMMARY TABLE

was $X_0(2900)$

An exotic state with minimal quark content $\bar{c}d\bar{s}u$. Observed by AAIJ 20AI using full amplitude analysis of $B^+ \rightarrow D^+ D^- K^+$ decays.

$T_{\bar{c}s0}^*(2870)^0$ MASS

VALUE (MeV)	EVTs	DOCUMENT ID	TECN	COMMENT
2872 ± 16 OUR AVERAGE		Error includes scale factor of 2.4.		
$2914 \pm 11 \pm 15$	1.6k	¹ AAIJ	24AB LHCb	$B^+ \rightarrow D^{*+} D^- K^+$
$2866 \pm 7 \pm 2$	1.2k	² AAIJ	20AI LHCb	$B^+ \rightarrow D^+ D^- K^+$

$$T_{\bar{c}s1}^*(2900)^0$$

$$I(J^P) = ?(1^-)$$

OMITTED FROM SUMMARY TABLE

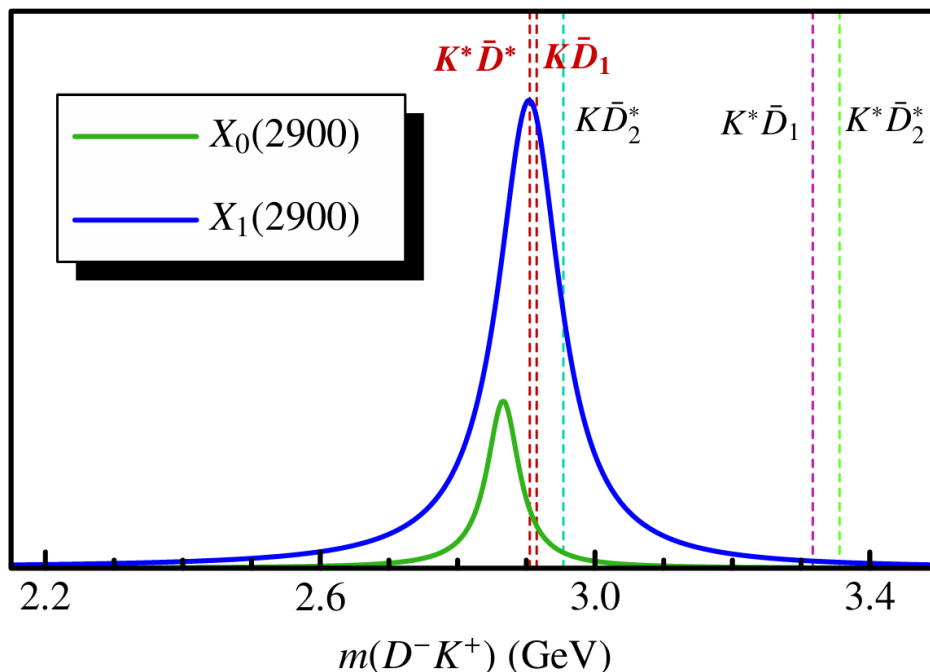
was $X_1(2900)$

An exotic state with minimal quark content $\bar{c}d\bar{s}u$. Observed by AAIJ 20AI using full amplitude analysis of $B^+ \rightarrow D^+ D^- K^+$ decays.

$T_{\bar{c}s1}^*(2900)^0$ MASS

VALUE (MeV)	EVTs	DOCUMENT ID	TECN	COMMENT
$2887 \pm 8 \pm 7$	1.6k	¹ AAIJ	24AB LHCb	$B^+ \rightarrow D^{*+} D^- K^+$
$2904 \pm 5 \pm 1$	1.2k	² AAIJ	20AI LHCb	$B^+ \rightarrow D^+ D^- K^+$

[Particle Data Group] PRD 110, 030001 (2024)



- $X_0(2900)$ 和 $X_1(2900)$ 的**质量**分别接近 $K^* \bar{D}^*$ 和 $K \bar{D}_1$ 的**阈值**;
- S 波 $K^* \bar{D}^*$ 和 $K \bar{D}_1$ 系统可以分别自然地具有**自旋-宇称量子数** 0^+ 和 1^- 。

符合强子分子态的特征

$X_0(2900)$ 的 $K^*\bar{D}^*$ 分子态的理论解释

- ✓ R. Molina and E. Oset, Phys. Lett. B 811, 135870 (2020); 837, 137645(E) (2023).
- ✓ M. Z. Liu, J. J. Xie, and L. S. Geng, Phys. Rev. D 102, 091502 (2020).
- ✓ H. X. Chen, W. Chen, R. R. Dong, and N. Su, Chin. Phys. Lett. 37, 101201 (2020).
- ✓ M. W. Hu, X. Y. Lao, P. Ling, and Q. Wang, Chin. Phys. C 45, 021003 (2021).
- ✓ S. Y. Kong, J. T. Zhu, D. Song, and J. He, Phys. Rev. D 104, 094012 (2021).
- ✓ S. S. Agaev, K. Azizi, and H. Sundu, J. Phys. G 48, 085012 (2021).
- ✓ J. He and D. Y. Chen, Chin. Phys. C 45, 063102 (2021).
- ✓ B. Wang and S. L. Zhu, Eur. Phys. J. C 82, 419 (2022).
- ✓ L. R. Dai, R. Molina, and E. Oset, Phys. Rev. D 105, 096022 (2022).
- ✓ B. Wang, K. Chen, L. Meng, and S. L. Zhu, Phys. Rev. D 109, 034027 (2024).
- ✓ Y. K. Chen, W. L. Wu, L. Meng, and S. L. Zhu, Phys. Rev. D 109, 014010 (2024).
- ✓ Z. M. Ding, Q. Huang, and J. He, Eur. Phys. J. C 84, 822 (2024).
- ✓ Z. M. Ding, Q. Huang, and J. He, Eur. Phys. J. C 85, 1133 (2025).

对于 $X_0(2900)$, $K^*\bar{D}^*$
分子态图像被广泛支持

- 紧致四夸克态: ✓ X. G. He, W. Wang, and R. Zhu, Eur. Phys. J. C 80, 1026(2020).
 - ✓ Z. G. Wang, Int. J. Mod. Phys. A 35 (2020) no.30, 2050187.
 - ✓ J. R. Zhang, Phys. Rev. D 103, 054019 (2021).
 - ✓ G. J. Wang, L. Meng, L. Y. Xiao, M. Oka, and S. L. Zhu, Eur. Phys. J. C 81, 188 (2021).
 - ✓ G. Yang, J. Ping, and J. Segovia, Phys. Rev. D 103, 074011 (2021).
 - ✓ T. Guo, J. Li, J. Zhao, and L. He, Phys. Rev. D 105, 054018(2022).
 - ✓ S. S. Agaev, K. Azizi, and H. Sundu, Phys. Rev. D 106, 014019 (2022).
 - ✓ J. Wei, Y. H. Wang, C. S. An, and C. R. Deng, Phys. Rev. D 106, 096023 (2022).
 - ✓ F. X. Liu, R. H. Ni, X. H. Zhong, and Q. Zhao, Phys. Rev. D 107, 096020 (2023).
- 运动学效应: ✓ X. H. Liu, M. J. Yan, H. W. Ke, G. Li, and J. J. Xie, Eur. Phys. J. C 80, 1178 (2020).
 - ✓ T. J. Burns and E. S. Swanson, Phys. Lett. B 813, 136057 (2021).

$X_1(2900)$ 的 $K\bar{D}_1$ 分子态的理论解释

- ✓ X. K. Dong and B. S. Zou, Eur. Phys. J. A 57, 139 (2021).
- ✓ J. He and D. Y. Chen, Chin. Phys. C 45, 063102 (2021).
- ✓ J. J. Qi, Z. Y. Wang, Z. F. Zhang, and X. H. Guo, Eur. Phys. J. C 81, 639 (2021).

$X_1(2900)$ 的 $K\bar{D}_1$ 分子态的解释存在很大争议

● 紧致四夸克态:

- ✓ X. G. He, W. Wang, and R. Zhu, Eur. Phys. J. C 80, 1026(2020).
- ✓ G. Yang, J. Ping, and J. Segovia, Phys. Rev. D 103, 074011 (2021).
- ✓ S.S.Agaev, K.Azizi, H.Sundu, Nucl. Phys. A 1011, 122202(2021).
- ✓ J. Wei, Y. H. Wang, C. S. An, and C. R. Deng, Phys. Rev. D 106, 096023 (2022).

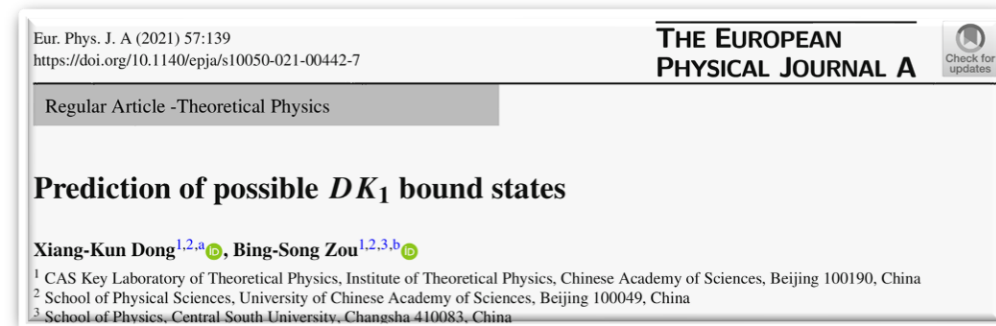
● 运动学效应:

- ✓ X. H. Liu, M. J. Yan, H. W. Ke, G. Li, and J. J. Xie, Eur. Phys. J. C 80, 1178 (2020).

● P波 $K^*\bar{D}^*$ 分子态

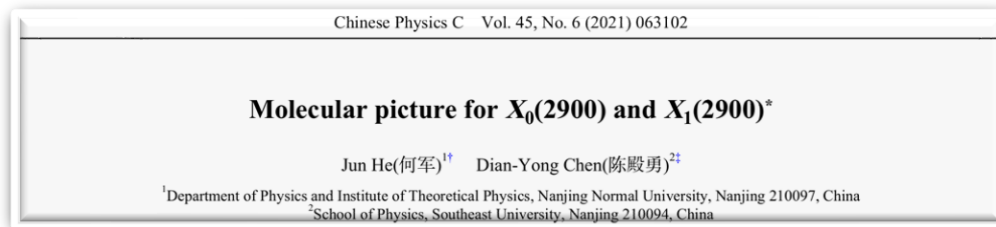
- ✓ J. Z. Wang, Z. Y. Lin, B. Wang, L. Meng, and S. L. Zhu, Phys. Rev. D 110, 114003 (2024).

$X_1(2900)$ 的 $K\bar{D}_1$ 分子态的理论解释——质量谱



矢量介子交换

$K\bar{D}_1$ 系统不能形成束缚态



矢量介子交换

$K\bar{D}_1$ 系统能形成虚态



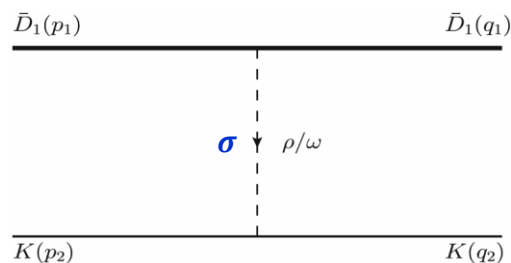
矢量介子交换

$K\bar{D}_1$ 系统能形成束缚态

- ✓ $K\bar{D}_1$ 系统是否能够形成束缚态存在争议；
- ✓ 这些研究没有系统地包含 σ 交换和耦合道效应。

系统的研究由S波K介子和T双重态(反)粲介子形成的分子态候选者

- σ 交换相互作用在氦核的形成中提供中程吸引力，对于松散束缚态的形成发挥重要作用。



H. X. Chen, W. Chen, X. Liu, and S. L. Zhu, Phys. Rept. 639, 1 (2016)

- 根据研究X(3872)的经验，强子间相互作用的研究考虑更精细的结构。近年来，耦合道效应被广泛的用于强子分子态研究。

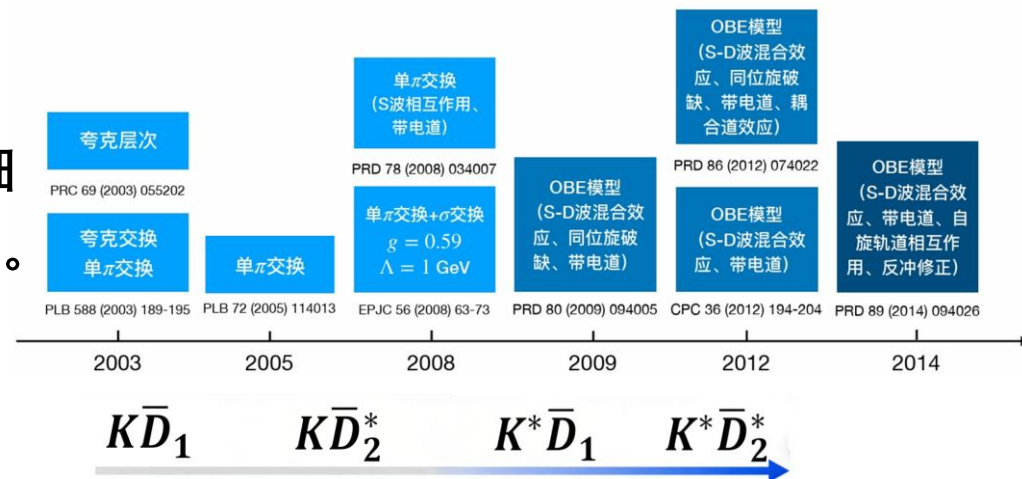
P-波粲介子: $S_l \equiv S_q + L = \frac{1}{2} \otimes 1 = \frac{1}{2} \oplus \frac{3}{2}$

$$J \equiv S_l + S_q = \frac{1}{2} \otimes \frac{1}{2} = 0 \oplus 1 \quad S = (0^+, 1^+)$$

$$J \equiv S_l + S_q = \frac{3}{2} \otimes \frac{1}{2} = 1 \oplus 2 \quad T = (1^+, 2^+)$$

$$D_1(2420) \quad I(J^P) = \frac{1}{2}(1^+)$$

$$D_2^*(2460) \quad I(J^P) = \frac{1}{2}(2^+)$$



考虑耦合道效应，在单玻色子交换模型中包含标量、赝标量、矢量介子交换相互作用，系统的研究由S波K介子和T双重态(反)粲介子形成的粲-奇异分子态类型四夸克态

2

***S*波*K*介子与T双重态（反）粲介子形成的 粲-奇异分子态类型四夸克态**

Fu-Lai Wang, Si-Qiang Luo, and Xiang Liu, Phys. Rev. D 114, 014030 (2026)

强子间相互作用是研究强子分子态质量谱的重要输入

- 强子间相互作用是研究强子分子态质量谱的重要输入，然而强相互作用在低能情况下不能微扰求解。

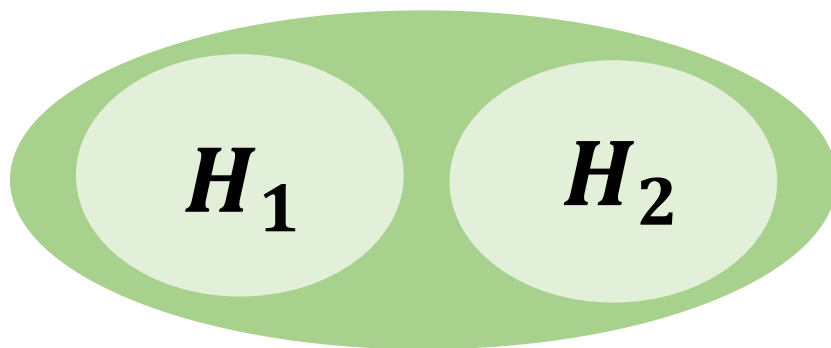
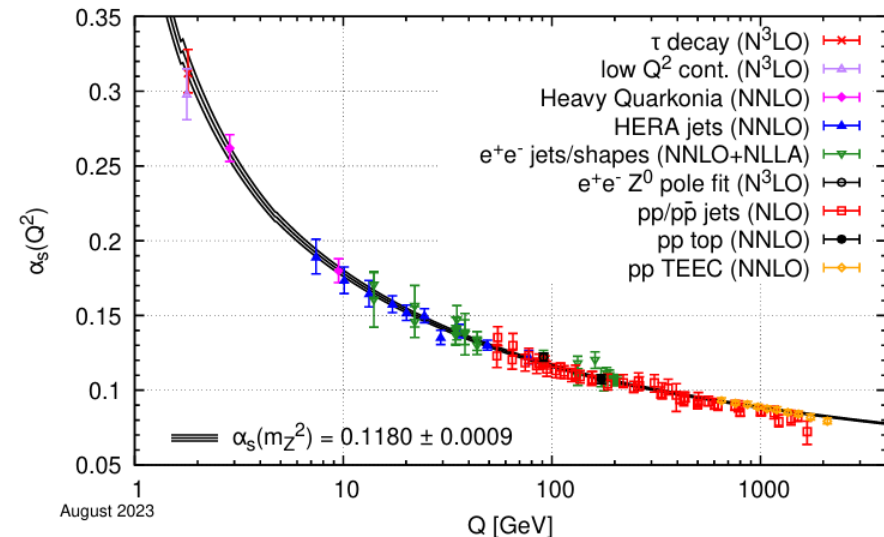
$$-\frac{1}{2\mu}\left(\nabla^2 - \frac{l(l+1)}{r^2}\right)\psi(r) + \boxed{V(r)}\psi(r) = E\psi(r)$$

- 束缚能 E
- 数值空间波函数 $\psi(r)$

- 研究强子间相互作用的模型与方法：

- ① 单玻色子交换模型；
- ② 格点QCD模拟；
- ③ QCD求和规则；
- ④ 手征微扰理论；
- ⑤ 组分夸克模型；

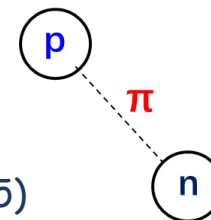
.....



H. X. Chen, W. Chen, X. Liu, and S. L. Zhu, Phys. Rept. 639, 1 (2016)

单玻色子交换模型

- **介子交换模型**:核力是两个核子间交换 π 产生的, 质子和中子间通过交换 π 形成氘核, π 交换只提供核子间相互作用的长程力。 H. Yukawa, Proc. Phys. Math. Sco. Jap. 17 (1935)



- 在强子间相互作用的研究中通过考虑**不同质量的轻味介子**描述**长程、中程和短程相互作用**:

$$\begin{array}{ccc} \sigma, & \mathbb{P} = \begin{pmatrix} \frac{\pi^0}{\sqrt{2}} + \frac{\eta}{\sqrt{6}} & \pi^+ & K^+ \\ \pi^- & -\frac{\pi^0}{\sqrt{2}} + \frac{\eta}{\sqrt{6}} & K^0 \\ K^- & \bar{K}^0 & -\frac{2\eta}{\sqrt{6}} \end{pmatrix}, & \mathbb{V} = \begin{pmatrix} \frac{\rho^0}{\sqrt{2}} + \frac{\omega}{\sqrt{2}} & \rho^+ & K^{*+} \\ \rho^- & -\frac{\rho^0}{\sqrt{2}} + \frac{\omega}{\sqrt{2}} & K^{*0} \\ K^{*-} & \bar{K}^{*0} & \phi \end{pmatrix}. \\ \text{中程} & \text{长程} & \text{短程} \end{array}$$

- 在强子间相互作用的研究中考虑各种**效应（修正）**——更精细的结构:

① S - D 波混合效应; ② 耦合道效应; ③ 同位旋破缺效应;

H. X. Chen, W. Chen, X. Liu, and S. L. Zhu, Phys. Rept. 639, 1 (2016)

单玻色子交换模型对实验发现的强子分子态候选者的成功预言

CPC(HEP & NP), 2012, 36(1): 6-13

Chinese Physics C

Vol. 36, No. 1, Jan., 2012

2011

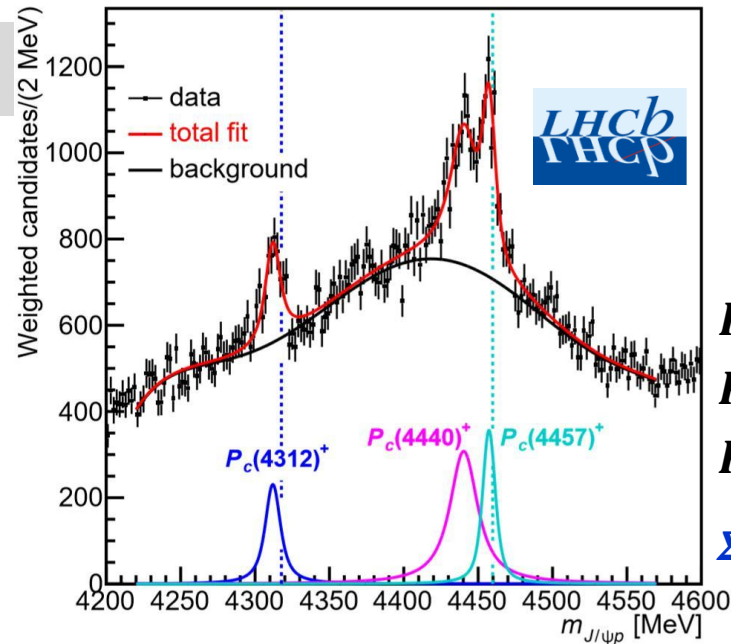
Possible hidden-charm molecular baryons composed of an anti-charmed meson and a charmed baryon^{*}

YANG Zhong-Cheng(杨忠诚)¹ SUN Zhi-Feng(孙志峰)^{2,4} HE Jun(何军)^{1,3,1)}
LIU Xiang(刘翔)^{2,4,2)} ZHU Shi-Lin(朱世琳)^{1,3)}

¹ Department of Physics and State Key Laboratory of Nuclear Physics and Technology, Peking University, Beijing 100871, China

Abstract: Using the one-boson-exchange model, we studied the possible existence of very loosely bound hidden charm molecular baryons composed of an anti-charmed meson and a charmed baryon. Our numerical results indicate that the $\Sigma_c \bar{D}^*$ and $\Sigma_c \bar{D}$ states exist, but that the $\Lambda_c \bar{D}$ and $\Lambda_c \bar{D}^*$ molecular states do not.

2019



[LHCb] PRL 122, 222001 (2019)

$P_\psi^N(4312)$
 $P_\psi^N(4440)$
 $P_\psi^N(4457)$
 $\Sigma_c \bar{D}^{(*)}$ 分子态

2012

Channel analysis of the possible $D^{(*)}D^{(*)}$, $\bar{B}^{(*)}\bar{B}^{(*)}$ and $D^{(*)}\bar{B}^{(*)}$ molecular states

PHYSICAL REVIEW D 88, 114008 (2013)

Ning Li,^{1,2,*} Zhi-Feng Sun,^{3,4,†} Xiang Liu,^{3,4,‡} and Shi-Lin Zhu^{1,5,6,§}

¹Department of Physics and State Key Laboratory of Nuclear Physics and Technology, Peking University, Beijing 100871, China

²Institut für Kernphysik and Jülich Cent I

³School of Physical Science

⁴Research Center for Hadron and CSR Physics,

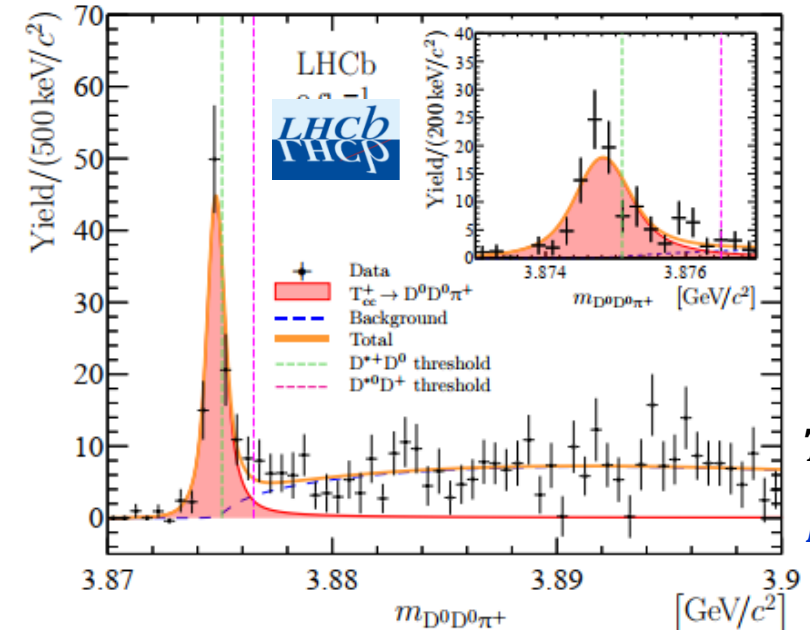
⁵Center of High Energy Physics

⁶Collaborative Innovation Center of Nuclear Physics and Technology

(Received 22 November 2012; revised manuscript received 12 December 2012)

J^P	$D^{(*)}D^{(*)}$	$\bar{B}^{(*)}\bar{B}^{(*)}$	$D^{(*)}\bar{B}^{(*)}$	$D^{(*)}\bar{B}^{(*)}$
0^+				
	Λ (GeV)	0.95	1.00	1.05
	B.E. (MeV)	0.47	5.44	18.72
	M (MeV)	3875.38	3870.41	3857.13
	r_{rms} (fm)	4.46	1.58	0.91
1^+	P_1 (%)	97.97	92.94	85.64
	P_2 (%)	0.58	0.55	0.32
	P_3 (%)	1.41	6.42	13.97
	P_4 (%)	0.04	0.09	0.08

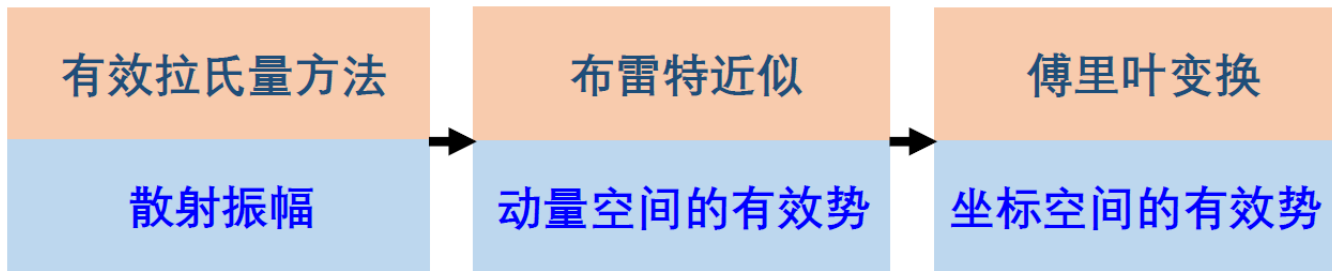
2021



[LHCb] Nature Phys. 18 (2022) 7, 751-754

$T_{cc}^+(3875)$
 DD^* 分子态

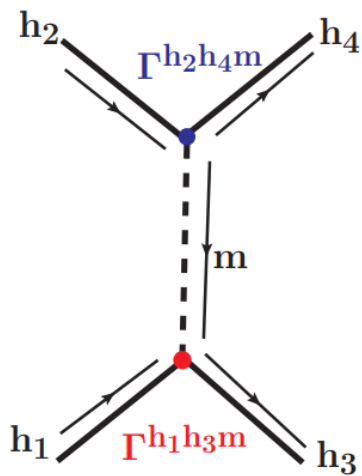
在单玻色子交换模型中讨论强子分子态候选者的步骤



求解耦合道薛定谔方程

束缚态解: (i) 束缚能, (ii) 方均根半径, (iii) 每个道的贡献

E. M. Lifshitz, Quantum electrodynamics, 1982



$$i\mathcal{M}^{h_1h_2\rightarrow h_3h_4}(q) = \sum_{m=\sigma, \mathbb{P}, \mathbb{V}} i\Gamma_{(\mu)}^{h_1h_3m} P_m^{(\mu\nu)} i\Gamma_{(\nu)}^{h_2h_4m}$$

$$\mathcal{V}_E^{h_1h_2\rightarrow h_3h_4}(q) = -\frac{\mathcal{M}^{h_1h_2\rightarrow h_3h_4}(q)}{\sqrt{\prod_i 2m_i} \sqrt{\prod_f 2m_f}}$$

$$\mathcal{V}_E^{h_1h_2\rightarrow h_3h_4}(\mathbf{r}) = \int \frac{d^3q}{(2\pi)^3} e^{i\mathbf{q}\cdot\mathbf{r}} \mathcal{V}_E^{h_1h_2\rightarrow h_3h_4}(q) \mathcal{F}^2(q^2, m_E^2)$$

形状因子: $\mathcal{F}(q^2, m_E^2) = \frac{\Lambda^2 - m_E^2}{\Lambda^2 - q^2}$ N. A. Tornqvist, Z. Phys. C 61, 525 (1994)
N. A. Tornqvist, Nuovo Cim. A 107, 2471 (1994)

F. L. Wang, R. Chen, Z. W. Liu, and X. Liu, PRC 101, 025201 (2020)

Models	$\Lambda(\text{MeV})$	$E(\text{MeV})$	$r_{\text{RMS}}(\text{fm})$
OPE(IN)	/	/	/
OPE(Y)	1064	-2.23	3.74
OBE(IN)	1174	-2.25	3.67
OBE(Y)	864	-2.26	3.75

$\Lambda \sim 1 \text{ GeV}$

$K^* \bar{D}_1$ 和 $K^* \bar{D}_2^*$ 系统的束缚性质

Single channel case				
	Λ (GeV)	E (MeV)	r_{RMS} (fm)	
$0(0^-)$	0.97	-0.41	4.90	
	1.04	-6.51	1.67	
	1.11	-20.35	1.03	
	S - D wave mixing case			
	Λ (GeV)	E (MeV)	r_{RMS} (fm)	$P(^1S_0/^5D_0)$
	0.95	-0.51	4.69	99.59/0.41
	1.03	-7.63	1.59	99.29/0.71
	1.10	-21.62	1.03	99.28/0.72
Single channel case				
	Λ (GeV)	E (MeV)	r_{RMS} (fm)	
$0(1^-)$	1.29	-0.40	4.95	
	1.39	-6.88	1.63	
	1.48	-19.63	1.03	
	S - D wave mixing case			
	Λ (GeV)	E (MeV)	r_{RMS} (fm)	$P(^3S_1/^3D_1/^5D_1)$
	1.22	-0.33	5.21	99.41/0.59/O(0)
	1.33	-6.81	1.68	98.70/1.30/O(0)
	1.43	-20.39	1.05	98.52/1.48/O(0)

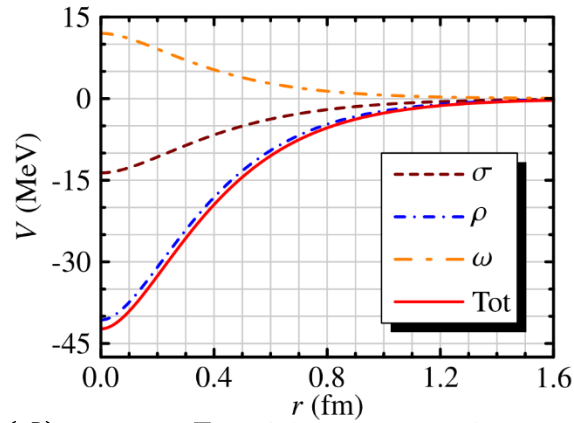
✓ 当截断参数取合理值时, $I(J^P) = 0(0^-)$ 和 $0(1^-)K^* \bar{D}_1$ 系统可以形成松散束缚态。

● $I(J^P) = 0(0^-)$ 和 $0(1^-)K^* \bar{D}_1$ 系统和 $I(J^P) = 0(1^-)$ 和 $0(2^-)K^* \bar{D}_2^*$ 系统是优先的 $T_{\bar{c}\bar{s}}$ 分子态候选者。

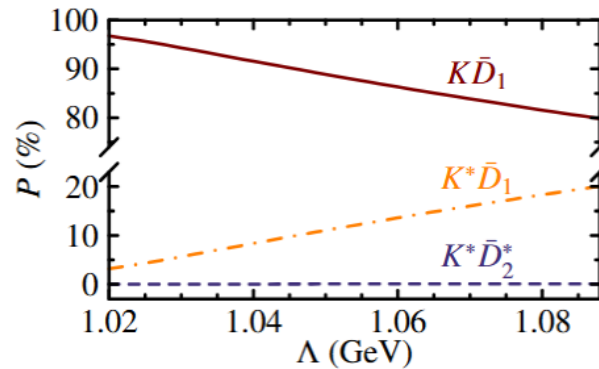
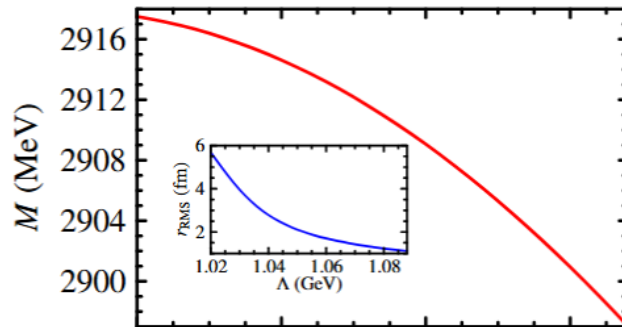
Single channel case				
	Λ (GeV)	E (MeV)	r_{RMS} (fm)	
$0(1^-)$	1.02	-0.66	4.34	
	1.09	-7.08	1.61	
	1.16	-20.74	1.02	
	S - D wave mixing case			
	Λ (GeV)	E (MeV)	r_{RMS} (fm)	$P(^3S_1/^3D_1/^5D_1/^7D_1)$
	0.98	-0.47	4.79	99.41/0.06/0.41/0.12
	1.06	-6.93	1.66	98.92/0.11/0.76/0.22
	1.14	-21.87	1.02	98.87/0.12/0.80/0.22
Single channel case				
	Λ (GeV)	E (MeV)	r_{RMS} (fm)	
$0(2^-)$	1.56	-0.40	4.98	
	1.70	-6.65	1.65	
	1.84	-20.77	1.00	
	S - D wave mixing case			
	Λ (GeV)	E (MeV)	r_{RMS} (fm)	$P(^5S_2/^3D_2/^5D_2/^7D_2)$
	1.40	-0.50	4.79	99.03/0.37/0.44/0.16
	1.54	-6.62	1.72	97.92/0.80/0.94/0.34
	1.68	-20.29	1.06	97.44/0.99/1.16/0.40

✓ 当截断参数取合理值时, $I(J^P) = 0(1^-)$ 和 $0(2^-)K^* \bar{D}_2^*$ 系统可以形成松散束缚态。

$I(J^P) = 0(1^-)$ 的 $K\bar{D}_1/K^*\bar{D}_1/K^*\bar{D}_2^*$ 耦合系统的束缚性质



$I(J^P) = 0(1^-)K\bar{D}_1$ 系统在 $\Lambda = 1$ GeV 时的相互作用



- 在单道分析中， $I(J^P) = 0(1^-)$ 的 $K\bar{D}_1$ 系统的相互作用太弱不足以形成松散的束缚态。

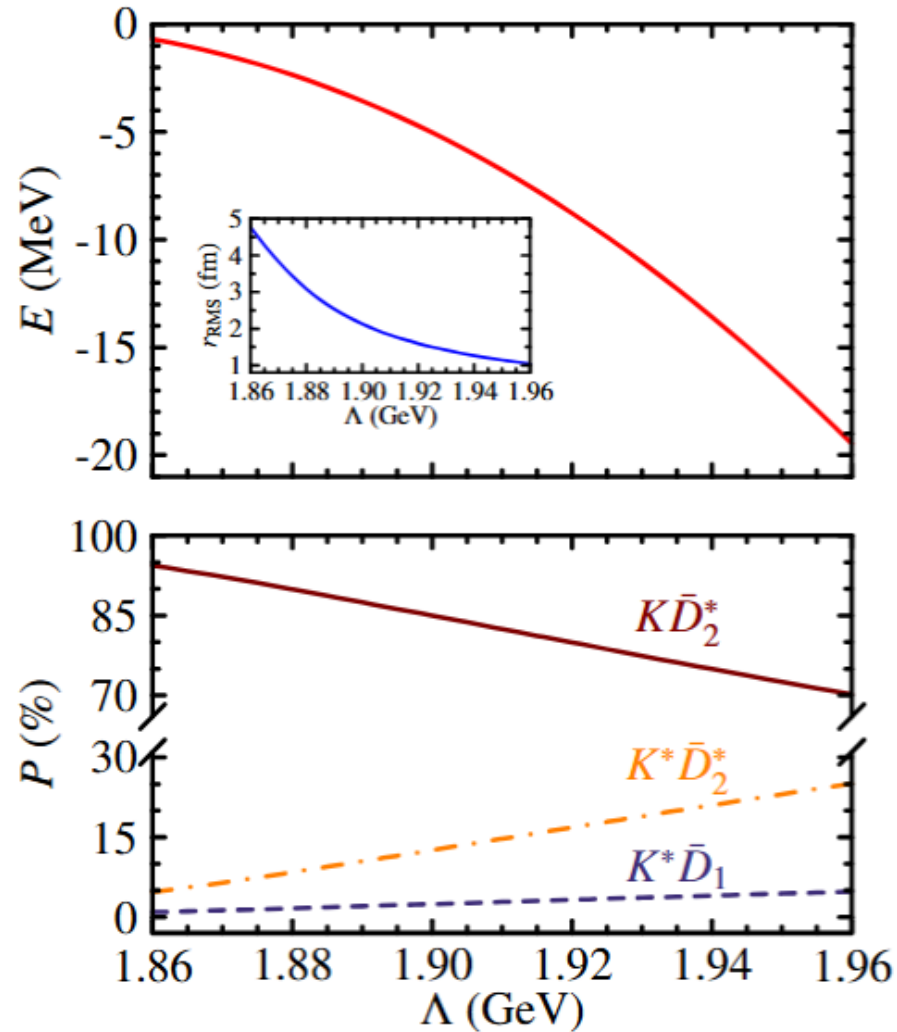
X. K. Dong and B. S. Zou, EPJ A 57, 139 (2021)

J. He and D. Y. Chen, CPC 45, 063102 (2021)

- 当截断参数在 1.02 GeV 附近时， $I(J^P) = 0(1^-)$ 的 $K\bar{D}_1/K^*\bar{D}_1/K^*\bar{D}_2^*$ 耦合系统可以形成松散的束缚态。除 $K\bar{D}_1$ 道外， $K^*\bar{D}_1$ 道也有显著贡献。

- $I(J^P) = 0(1^-)$ 的 $K\bar{D}_1/K^*\bar{D}_1/K^*\bar{D}_2^*$ 耦合系统是可能的 $T_{\bar{c}s}$ 分子态候选者。

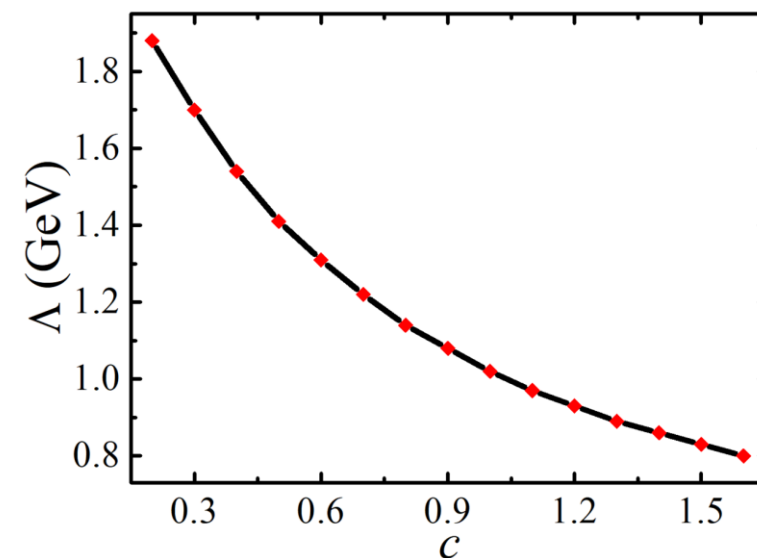
$I(J^P) = 0(2^-)$ 的 $K\bar{D}_2^*/K^*\bar{D}_1/K^*\bar{D}_2^*$ 耦合系统的束缚性质



- 在单道分析中, $I(J^P) = 0(2^-)K\bar{D}_2^*$ 系统不会形成松散束缚态。
- 当截断参数大于 1.86 GeV 时, $I(J^P) = 0(2^-)$ 的 $K\bar{D}_2^*/K^*\bar{D}_1/K^*\bar{D}_2^*$ 耦合系统存在松散束缚态解。除主导的 $K\bar{D}_2^*$ 分量外, $K^*\bar{D}_2^*$ 道在束缚态的形成中扮演着重要角色。
- $I(J^P) = 0(2^-)$ 的 $K\bar{D}_2^*/K^*\bar{D}_1/K^*\bar{D}_2^*$ 耦合系统是可能的 $T_{\bar{c}\bar{s}}$ 分子态候选者。

耦合道效应的作用

- 在单道分析中, $I(J^P) = 0(1^-)$ 的 $K\bar{D}_1$ 系统和 $I(J^P) = 0(2^-)$ 的 $K\bar{D}_2^*$ 系统不能形成松散束缚态。然而, 考虑耦合道效应, $I(J^P) = 0(1^-)$ 的 $K\bar{D}_1$ 系统和 $I(J^P) = 0(2^-)$ 的 $K\bar{D}_2^*$ 系统可以形成松散束缚态。
- 在 $I(J^P) = 0(1^-)$ 的 $K\bar{D}_1/K^*\bar{D}_1/K^*\bar{D}_2^*$ 耦合系统和 $I(J^P) = 0(2^-)$ 的 $K\bar{D}_2^*/K^*\bar{D}_1/K^*\bar{D}_2^*$ 耦合系统束缚性质的研究中, 耦合道效应发挥了重要作用。
- 分析 $I(J^P) = 0(1^-)$ 的 $K\bar{D}_1/K^*\bar{D}_1/K^*\bar{D}_2^*$ 耦合系统的相互作用势, 发现 $K\bar{D}_1 \rightarrow K^*\bar{D}_1$ 耦合 (非对角元) 存在 π 交换相互作用势, 在该束缚态的形成中发挥了重要的作用。
- 当 $K\bar{D}_1 \rightarrow K^*\bar{D}_1$ 耦合强度降低 80% 时, $I(J^P) = 0(1^-)$ 的 $K\bar{D}_1/K^*\bar{D}_1/K^*\bar{D}_2^*$ 耦合系统的束缚态解消失。随着 $K\bar{D}_1 \rightarrow K^*\bar{D}_1$ 耦合强度的增加, 形成松散束缚态的截断参数越小。



在 $I(J^P) = 0(1^-)K\bar{D}_1/K^*\bar{D}_1/K^*\bar{D}_2^*$ 分子态的图像下重现 $X_1(2900)$ 的束缚性质

- 根据单道分析，我们的结果不支持将 $X_1(2900)$ 解释为 $I(J^P) = 0(1^-)K\bar{D}_1$ 分子态。

X. K. Dong and B. S. Zou, EPJA 57, 139 (2021)

J. He and D. Y. Chen, CPC 45, 063102 (2021)

- 考虑耦合道效应后，在 $\Lambda \approx 1.07$ GeV 时， $I(J^P) = 0(1^-)K\bar{D}_1/K^*\bar{D}_1/K^*\bar{D}_2^*$ 耦合系统：

- ✓ 质量为 2904 MeV；

- ✓ 方均根半径为 1.38 fm；

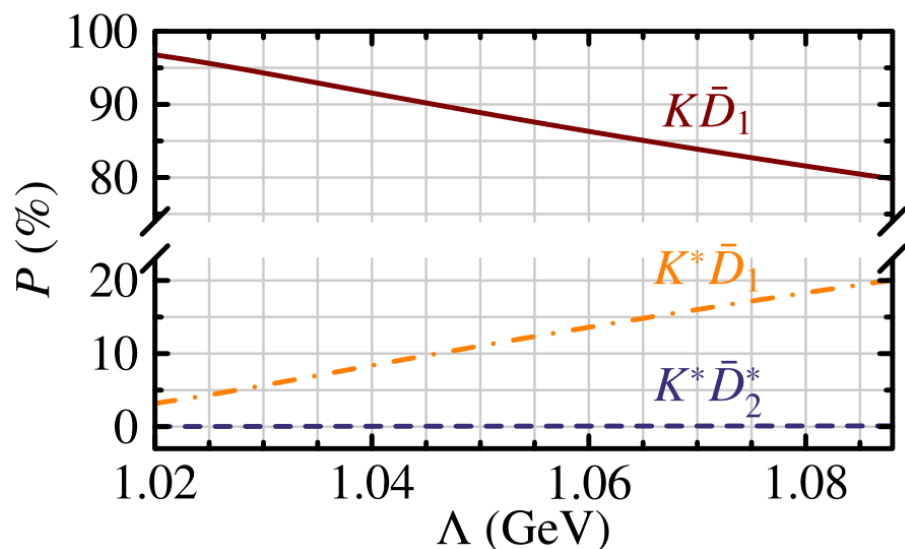
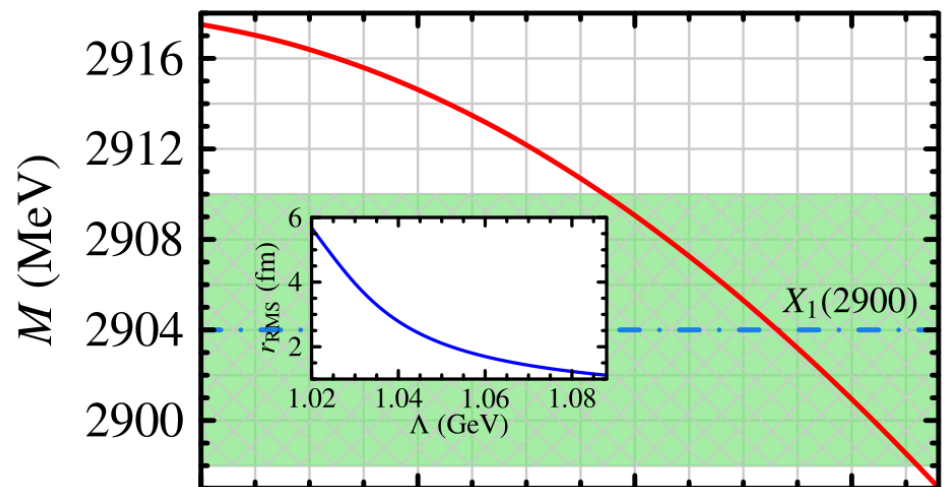
- ✓ 对耦合道成分的分析：

$K\bar{D}_1$ 道约占 83.41%， $K^*\bar{D}_1$ 道贡献 16.50%， $K^*\bar{D}_2^*$ 道贡献约为 0.09%。

- 我们建议 $X_1(2900)$ 可以在强子分子态图像下解释，但不是纯的 $K\bar{D}_1$ 态， $K^*\bar{D}_1$ 道对其成分有显著贡献。

- ✓ 为 $X_1(2900)$ 提供了可能的解释

- ✓ 为讨论 $X_1(2900)$ 强子分子态的解释提供了可行思路



特征能谱的研究对于强子分子态的寻找与鉴别具有重要的指导作用

PHYSICAL REVIEW LETTERS **122**, 222001 (2019)

Editors' Suggestion

Featured in Physics

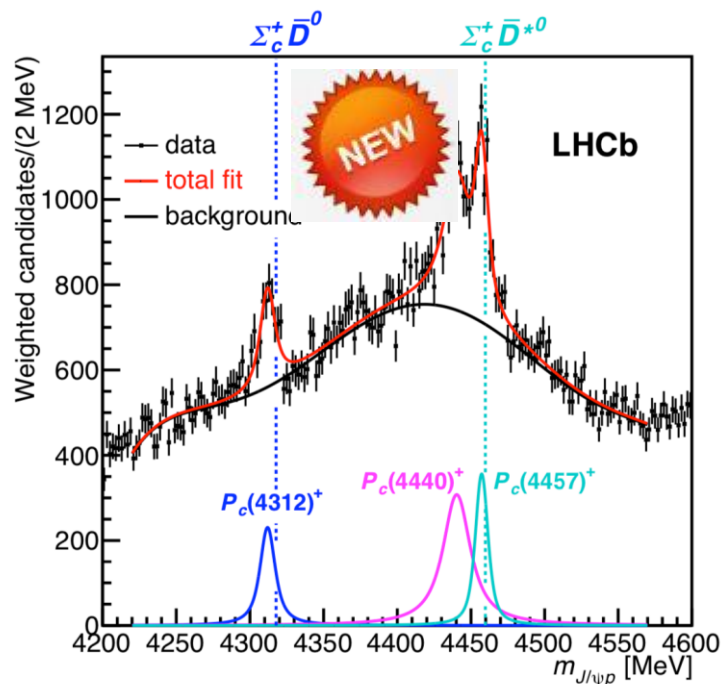
Observation of a Narrow Pentaquark State, $P_c(4312)^+$,
and of the Two-Peak Structure of the $P_c(4450)^+$

第一轮+第二轮

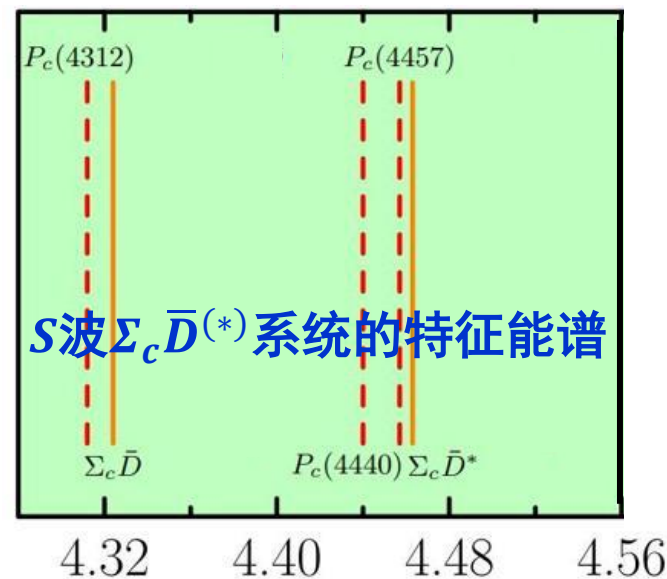
$\Lambda_b^0 \rightarrow J/\psi p K^-$

R. Aaij *et al.**
(LHCb Collaboration)

(Received 6 April 2019; published 5 June 2019)

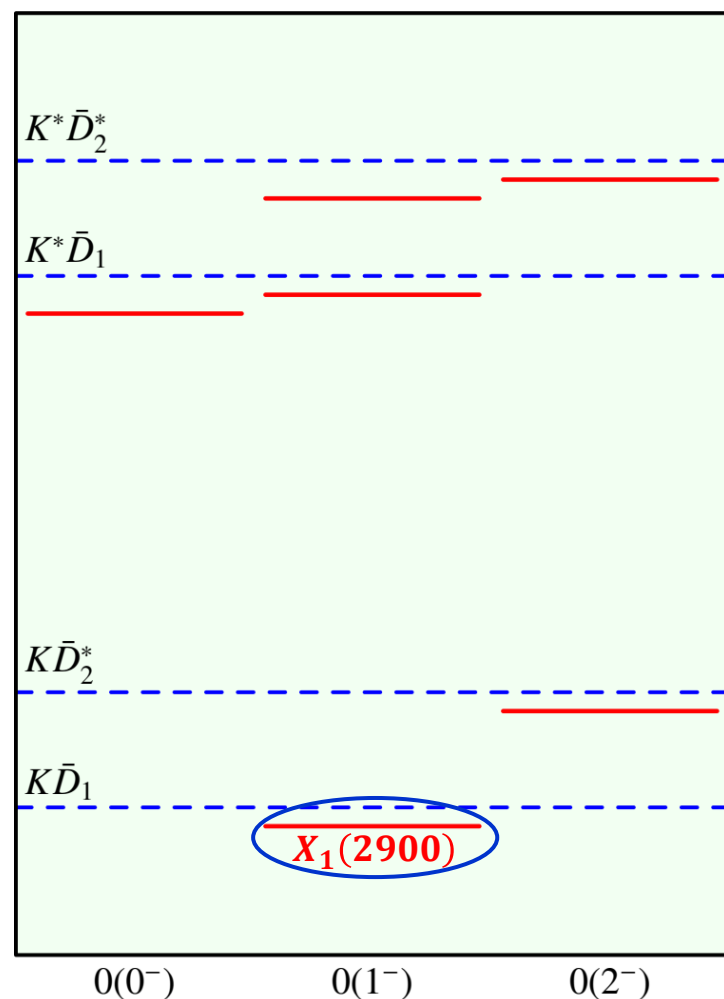


$$\begin{aligned} P_c^+(4312) : M &= 4311.9 \pm 0.7_{-0.6}^{+6.8} \text{ MeV}, \\ \Gamma &= 9.8 \pm 2.7_{-4.5}^{+3.7} \text{ MeV}, \\ P_c^+(4440) : M &= 4440.3 \pm 1.3_{-4.7}^{+4.1} \text{ MeV}, \\ \Gamma &= 20.6 \pm 4.9_{-10.1}^{+8.7} \text{ MeV}, \\ P_c^+(4457) : M &= 4457.3 \pm 0.6_{-1.7}^{+4.1} \text{ MeV}, \\ \Gamma &= 6.4 \pm 2.0_{-1.9}^{+5.7} \text{ MeV}. \end{aligned}$$



特征能谱的研究对于强子分子态的寻找与鉴别具有重要的指导作用

S 波 K 介子与 T 双重态反粲介子形成的 $T_{\bar{c}\bar{s}}$ 分子态的特征能谱



- 由 S 波 K 介子与 T 双重态反粲介子形成的粲-奇异分子态类型四夸克态存在相应的特征能谱，这可以作为区分不同构型的粲-奇异四夸克态的有价值判据。
- 建议未来实验上关注这样的特征能谱：
 - ✓ 有利于理解 $X_1(2900)$ 的内部结构；
 - ✓ 丰富由 S 波 K 介子与 T 双重态反粲介子形成的粲-奇异分子态类型四夸克态家族。

S波K介子与T双重态粲介子形成的 $T_{c\bar{s}}$ 分子态

- G宇称规则在 $K^{(*)}\bar{D}_1/K^{(*)}\bar{D}_2^*$ 系统和 $K^{(*)}D_1/K^{(*)}D_2^*$ 系统的相互作用间建立了对应关系。



E. Klempt, F. Bradamante, A. Martin, and J. M. Richard, Phys. Rept. 368, 119-316 (2002)

- KD_1 和 KD_2^* 系统的理论研究@2011年

PHYSICAL REVIEW D **84**, 014013 (2011)

More kaonic bound states and a comprehensive interpretation of the D_{sJ} states

Feng-Kun Guo^{1,*} and Ulf-G. Meißner^{1,2,†}

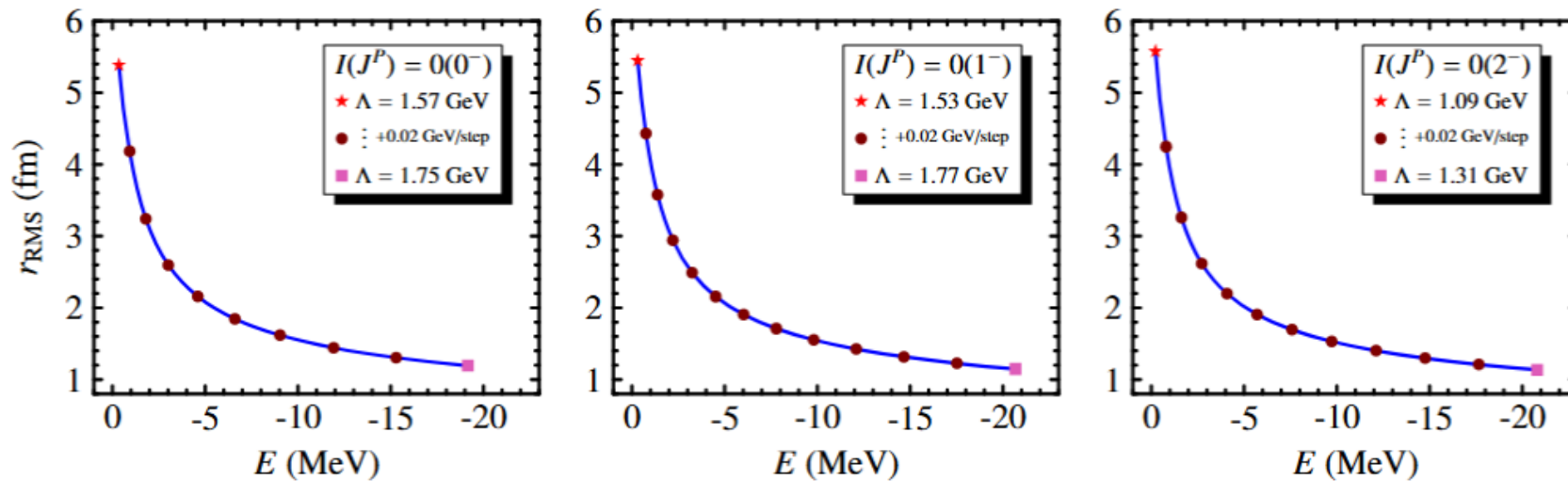
¹*Helmholtz-Institut für Strahlen- und Kernphysik and Bethe Center for Theoretical Physics, Universität Bonn, D-53115 Bonn, Germany*

²*Institut für Kernphysik, Jülich Center for Hadron Physics and Institute for Advanced Simulation, Forschungszentrum Jülich, D-52425 Jülich, Germany*

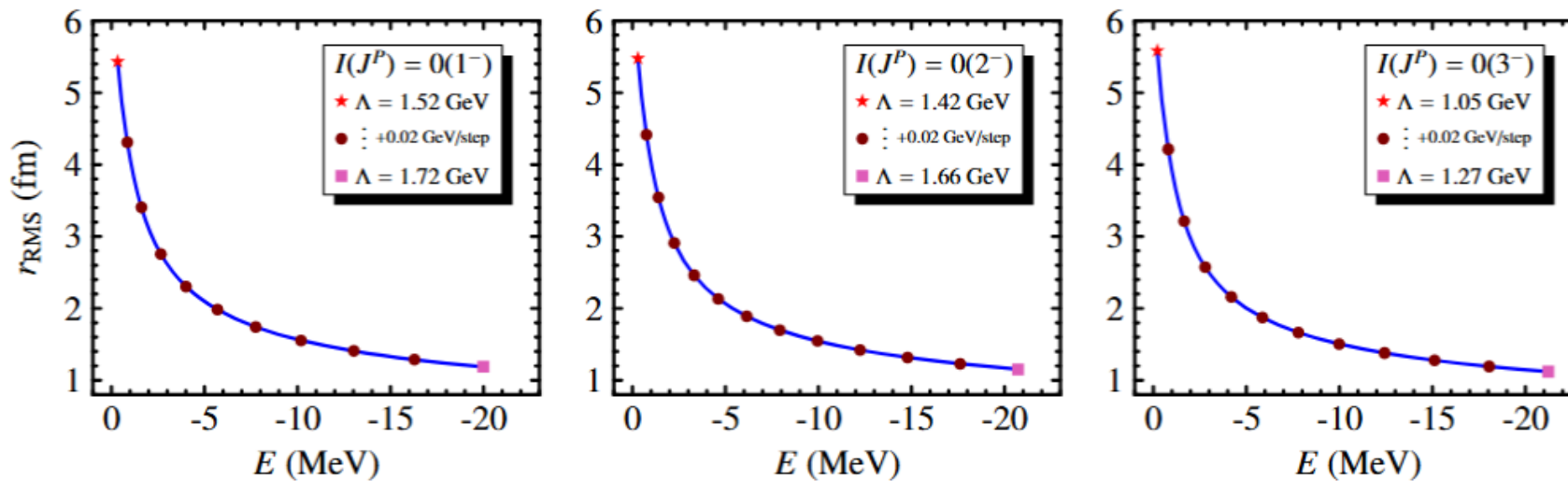
TABLE I. Predicted masses of charmed-meson kaon bound states. The experimental values are listed in the fourth row for a comparison. The expected dominant decay modes are also given.

Main constituents	DK	D^*K	$D_1(2420)K$	$D_2(2460)K$	$D(2550)K$	$D^*(2600)K$
J^P	0^+	1^+	1^-	2^-	0^+	1^+
Predicted masses	2317.8 (input)	2458 ± 3	2870 ± 9	2910 ± 9	2984 ± 10	3052 ± 11
Experimental data	2317.8 ± 0.6	2459.5 ± 0.6	$2862 \pm 2_{-2}^{+5}$			$3044 \pm 8_{-5}^{+30}$
Dominant decays	$D_s\pi$	$D_s^*\pi$	$D^{(*)}K, D_s^{(*)}\eta$	$D^*K, D_s^*\eta$	$DK, D_s\eta$	$D^*K, D_s^*\eta, D_s\omega, DK^*, D\phi$
	$D_{s0}^*(2317)$	$D_{s1}(2460)$				

K^*D_1 和 $K^*D_2^*$ 系统的束缚性质



$I(J^P) = 0(0^-, 1^-, 2^-)$ 的 K^*D_1 系统是优先的 $T_{c\bar{s}}$ 分子态候选者。



$I(J^P) = 0(1^-, 2^-, 3^-)$ 的 $K^*D_2^*$ 系统是优先的 $T_{c\bar{s}}$ 分子态候选者。

KD_1 和 KD_2^* 系统的束缚性质

- 在单道分析中，当截断参数在 0.8~2.0 GeV变化时， $I(J^P) = 0(1^-)$ 的 KD_1 系统和 $I(J^P) = 0(2^-)$ 的 KD_2^* 系统不存在松散束缚态解。
- 当考虑耦合道效应时，
 - ✓ $I(J^P) = 0(1^-)$ 的 $KD_1/K^*D_1/K^*D_2^*$ 耦合系统在截断值为1.01 GeV时出现松散束缚态解。
 - ✓ $I(J^P) = 0(2^-)$ 的 $KD_2^*/K^*D_1/K^*D_2^*$ 耦合系统在截断值为1.41 GeV时出现松散束缚态解。

TABLE III: The obtained loosely bound state solutions for the coupled $KD_1/K^*D_1/K^*D_2^*$ system with $I(J^P) = 0(1^-)$. The P are probabilities of various components (in units of %).

Λ (GeV)	E (MeV)	r_{RMS} (fm)	$P(KD_1/K^*D_1/K^*D_2^*)$
1.01	-0.83	4.64	96.60/3.32/0.08
1.04	-9.52	1.66	89.37/10.39/0.24
1.06	-20.34	1.16	84.94/14.73/0.33

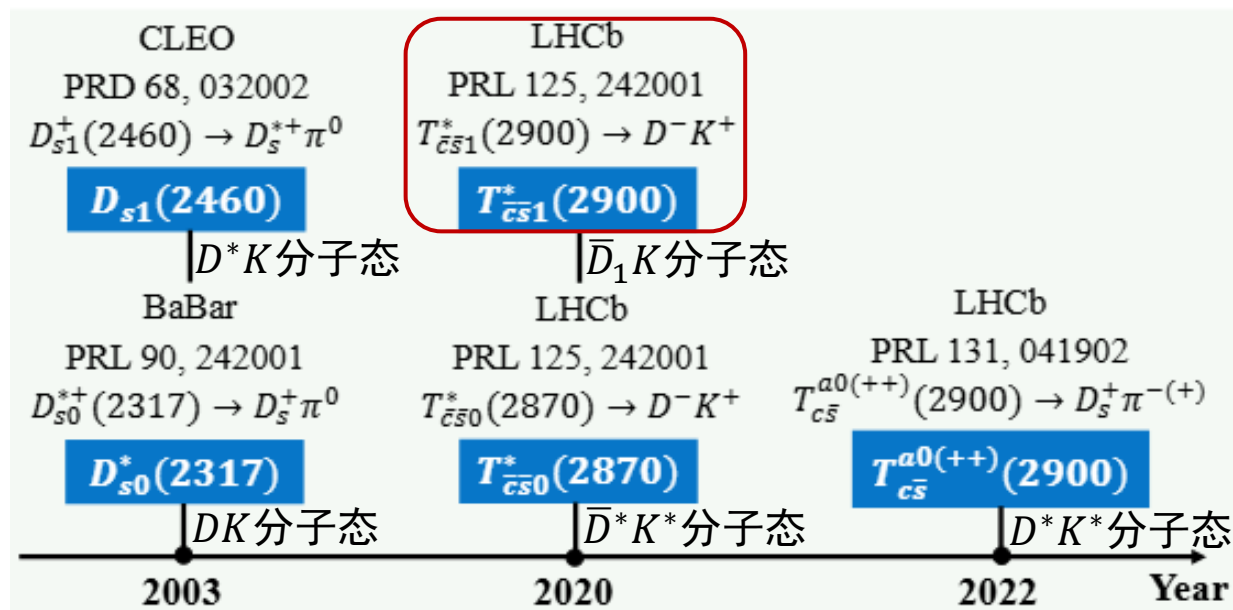
TABLE IV: The obtained loosely bound state solutions for the coupled $KD_2^*/K^*D_1/K^*D_2^*$ system with $I(J^P) = 0(2^-)$. The P are probabilities of various components (in units of %).

Λ (GeV)	E (MeV)	r_{RMS} (fm)	$P(KD_2^*/K^*D_1/K^*D_2^*)$
1.41	-1.03	4.37	97.51/0.02/2.47
1.45	-8.77	1.72	92.24/0.03/7.73
1.48	-20.10	1.15	87.78/0.03/12.19

$I(J^P) = 0(1^-)$ 的 $KD_1/K^*D_1/K^*D_2^*$ 耦合系统和 $I(J^P) = 0(2^-)$ 的 $KD_2^*/K^*D_1/K^*D_2^*$ 耦合系统是可能的 $T_{c\bar{s}}$ 分子态候选者。

系统的研究由S波K介子和S波(反)粲介子形成的分子态候选者

- 粲-奇异分子态类型四夸克态最简单的构型是由基态K介子和基态粲介子或反粲介子形成的S-波强子分子态。在过去二十多年，实验上发现了一系列的 $K^{(*)}\bar{D}^{(*)}$ 和 $K^{(*)}D^{(*)}$ 强子分子态候选者。因此， $K^{(*)}\bar{D}^{(*)}$ 和 $K^{(*)}D^{(*)}$ 系统是研究粲-奇异分子态类型四夸克态的理想平台。



耦合道效应?

- 理论上研究 $K^{(*)}\bar{D}^{(*)}$ 和 $K^{(*)}D^{(*)}$ 分子态候选者的工作非常广泛，但是这些工作大多限于单道分析。近年来对强子分子态的研究表明，耦合道动力学可能是至关重要的，有时甚至是产生弱束缚态所必需的。

考虑耦合道效应，在单玻色子交换模型中包含标量、赝标量、矢量介子交换相互作用，系统的研究由S波K介子和S波（反）粲介子形成的粲-奇异分子态类型四夸克态

3

S 波 K 介子与 S 波（反）粲介子形成的 粲-奇异分子态类型四夸克态

Jia-Ning Cui and Fu-Lai Wang, arXiv:2606.13088

$K^{(*)}\bar{D}^{(*)}$ 系统的束缚性质

	Λ (GeV)	E (MeV)	r_{RMS} (fm)	$P(^3\mathbb{S}_1/^3\mathbb{D}_1)$
$K^*\bar{D} [0(1^+)]$	2.14	-0.47	4.98	100.00 / $O(0)$
	2.32	-1.89	3.12	100.00 / $O(0)$
	2.50	-3.92	2.26	100.00 / $O(0)$
	Λ (GeV)	E (MeV)	r_{RMS} (fm)	$P(^1\mathbb{S}_0/^5\mathbb{D}_0)$
$K^*\bar{D}^* [0(0^+)]$	0.86	-0.49	4.79	99.56 /0.44
	0.94	-8.33	1.58	99.24 /0.76
	1.01	-24.21	1.01	99.23 /0.77
	Λ (GeV)	E (MeV)	r_{RMS} (fm)	$P(^3\mathbb{S}_1/^3\mathbb{D}_1/^5\mathbb{D}_1)$
$K^*\bar{D}^* [0(1^+)]$	1.08	-0.60	4.63	99.27 /0.73/ $O(0)$
	1.18	-8.09	1.62	98.59 /1.41/ $O(0)$
	1.28	-24.75	1.01	98.41 /1.59/ $O(0)$
	Λ (GeV)	E (MeV)	r_{RMS} (fm)	$P(^5\mathbb{S}_2/^1\mathbb{D}_2/^3\mathbb{D}_2/^5\mathbb{D}_2)$
$K^*\bar{D}^* [0(2^+)]$	2.04	-0.54	4.99	98.03 /0.13/ $O(0)$ /1.84
	2.27	-2.81	2.78	96.22 /0.24/ $O(0)$ /3.54
	2.50	-6.86	1.91	94.67 /0.31/ $O(0)$ /5.02
	Λ (GeV)	E (MeV)	r_{RMS} (fm)	$P(^5\mathbb{S}_2/^1\mathbb{D}_2/^3\mathbb{D}_2/^5\mathbb{D}_2)$
$K^*\bar{D}^* [1(2^+)]$	2.14	-0.45	4.81	99.71 /0.04/ $O(0)$ /0.25
	2.22	-6.26	1.63	99.43 /0.08/ $O(0)$ /0.49
	2.29	-17.35	1.00	99.38 /0.09/ $O(0)$ /0.53

$K\bar{D}/K^*\bar{D}^*$ coupled system with $I(J^P) = 0(0^+)$			
Λ (GeV)	E (MeV)	r_{RMS} (fm)	$P(K\bar{D}/K^*\bar{D}^*)$
1.19	-0.91	4.58	95.58 /4.42
1.22	-12.09	1.47	82.44 /17.56
1.24	-27.56	0.97	72.96 /27.04
$K\bar{D}^*/K^*\bar{D}/K^*\bar{D}^*$ coupled system with $I(J^P) = 0(1^+)$			
Λ (GeV)	E (MeV)	r_{RMS} (fm)	$P(K\bar{D}^*/K^*\bar{D}/K^*\bar{D}^*)$
1.26	-1.28	4.19	95.60 /0.22/4.18
1.29	-8.06	1.82	84.30 /0.89/14.81
1.32	-25.21	0.98	64.41 /3.54/32.05
$K\bar{D}^*/K^*\bar{D}/K^*\bar{D}^*$ coupled system with $I(J^P) = 1(1^+)$			
Λ (GeV)	E (MeV)	r_{RMS} (fm)	$P(K\bar{D}^*/K^*\bar{D}/K^*\bar{D}^*)$
1.77	-1.71	3.50	89.06 /6.89/4.05
1.79	-8.38	1.60	77.96 /13.88/8.16
1.81	-19.09	1.03	69.60 /19.12/11.28
$K^*\bar{D}/K^*\bar{D}^*$ coupled system with $I(J^P) = 0(1^+)$			
Λ (GeV)	E (MeV)	r_{RMS} (fm)	$P(K^*\bar{D}/K^*\bar{D}^*)$
1.04	-0.70	4.43	95.25 /4.75
1.08	-6.74	1.67	84.42 /15.58
1.12	-19.61	1.01	73.46 /26.54
$K^*\bar{D}/K^*\bar{D}^*$ coupled system with $I(J^P) = 1(1^+)$			
Λ (GeV)	E (MeV)	r_{RMS} (fm)	$P(K^*\bar{D}/K^*\bar{D}^*)$
2.30	-0.36	5.07	97.52 /2.48
2.35	-4.91	1.81	91.94 /8.06
2.40	-14.67	1.04	86.84 /13.16

- 耦合道动力学在几个弱束缚态的形成中起着至关重要的作用：
- ✓ 不仅增强了已束缚道中的吸引相互作用，
- ✓ 而且还生成了在单道分析中不存在的松散束缚态。

- 以下态作为有希望的 $K^{(*)}\bar{D}^{(*)}$ 强子分子态候选者值得进一步的实验研究：

$I(J^P) = 0(0^+)$ 的 $K\bar{D}/K^*\bar{D}^*$ 耦合系统,
 $I(J^P) = 0(1^+)$ 的 $K\bar{D}^*/K^*\bar{D}/K^*\bar{D}^*$ 耦合系统,
 $I(J^P) = 1(1^+)$ 的 $K\bar{D}^*/K^*\bar{D}/K^*\bar{D}^*$ 耦合系统,
 $I(J^P) = 0(1^+)$ 的 $K^*\bar{D}/K^*\bar{D}^*$ 耦合系统,
 $I(J^P) = 0(0^+)$ 的 $K^*\bar{D}^*$ 态,
 $I(J^P) = 0(1^+)$ 的 $K^*\bar{D}^*$ 态。

在 $I(J^P) = 0(0^+)K^*\bar{D}^*$ 分子态的图像下重现 $X_0(2900)$ 的束缚性质

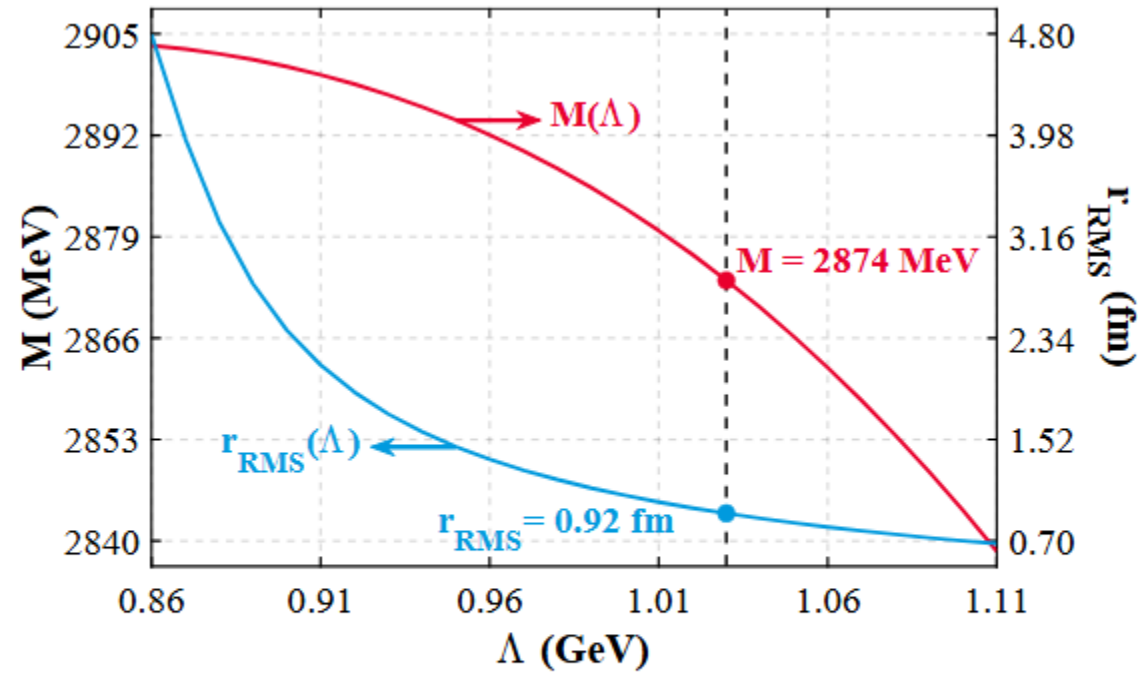


FIG. 2: Cutoff Λ dependence of the mass M for the $K^*\bar{D}^*$ bound state with $I(J^P) = 0(0^+)$. The central value of mass of the $X_0(2900)$ is reproduced at $\Lambda = 1.03$ GeV.

$K^{(*)}D^{(*)}$ 系统的束缚性质

$KD [0(0^+)]$	Λ (GeV)	E (MeV)	r_{RMS} (fm)	$P(^1S_0)$
	2.24	-0.78	4.90	100.00
	2.37	-2.29	3.45	100.00
	2.50	-4.34	2.61	100.00
$KD^* [0(1^+)]$	Λ (GeV)	E (MeV)	r_{RMS} (fm)	$P(^3S_1/^3D_1)$
	2.20	-0.78	4.88	100.00/O(0)
	2.35	-2.65	3.22	100.00/O(0)
	2.50	-5.28	2.37	100.00/O(0)
$K^*D [0(1^+)]$	Λ (GeV)	E (MeV)	r_{RMS} (fm)	$P(^3S_1/^3D_1)$
	1.52	-0.43	5.10	100.00/O(0)
	1.79	-9.95	1.52	100.00/O(0)
	2.05	-26.65	1.00	100.00/O(0)
$K^*D^* [0(0^+)]$	Λ (GeV)	E (MeV)	r_{RMS} (fm)	$P(^1S_0/^5D_0)$
	1.44	-0.65	4.79	95.91/4.09
	1.55	-9.72	1.64	85.68/14.32
	1.66	-34.24	1.00	76.89/23.11
$K^*D^* [0(1^+)]$	Λ (GeV)	E (MeV)	r_{RMS} (fm)	$P(^3S_1/^3D_1/^5D_1)$
	1.40	-0.63	4.78	97.60/2.40/O(0)
	1.54	-10.20	1.59	92.39/7.61/O(0)
	1.67	-32.54	1.00	88.54/11.46/O(0)
$K^*D^* [0(2^+)]$	Λ (GeV)	E (MeV)	r_{RMS} (fm)	$P(^5S_2/^1D_2/^3D_2/^5D_2)$
	1.00	-0.57	4.76	98.50/0.24/O(0)/1.26
	1.12	-11.05	1.49	96.10/0.64/O(0)/3.26
	1.23	-31.33	1.00	94.69/0.87/O(0)/4.44
$K^*D^* [1(0^+)]$	Λ (GeV)	E (MeV)	r_{RMS} (fm)	$P(^1S_0/^5D_0)$
	1.86	-0.41	5.02	99.86/0.14
	2.15	-6.84	1.67	99.64/0.36
	2.43	-21.31	1.00	99.50/0.50

KD/K^*D^* coupled system with $I(J^P) = 0(0^+)$			
Λ (GeV)	E (MeV)	r_{RMS} (fm)	$P(KD/K^*D^*)$
1.26	-1.01	4.60	98.61/1.39
1.34	-12.94	1.62	94.51/5.49
1.42	-40.40	1.01	89.38/10.62
$KD^*/K^*D/K^*D^*$ coupled system with $I(J^P) = 0(1^+)$			
Λ (GeV)	E (MeV)	r_{RMS} (fm)	$P(KD^*/K^*D/K^*D^*)$
1.10	-0.68	5.03	96.92/1.96/1.12
1.17	-11.81	1.63	86.86/8.44/4.70
1.24	-36.84	0.99	76.37/15.23/8.40
K^*D/K^*D^* coupled system with $I(J^P) = 0(1^+)$			
Λ (GeV)	E (MeV)	r_{RMS} (fm)	$P(K^*D/K^*D^*)$
1.10	-0.46	5.06	98.70/1.30
1.20	-9.24	1.60	94.50/5.50
1.30	-28.93	1.01	90.52/9.48

- 耦合道动力学增强了单道分析中已束缚的强子间的吸引力，降低了出现束缚态所需的截断参数。

- 以下态作为有希望的 $K^{(*)}D^{(*)}$ 强子分子态候选者值得进一步的实验研究：

$I(J^P) = 0(0^+)$ 的 KD/K^*D^* 耦合系统
 $I(J^P) = 0(1^+)$ 的 $KD^*/K^*D/K^*D^*$ 耦合系统
 $I(J^P) = 0(1^+)$ 的 K^*D/K^*D^* 耦合系统
 $I(J^P) = 0(0^+)$ 的 K^*D^* 态
 $I(J^P) = 1(0^+)$ 的 K^*D^* 态
 $I(J^P) = 0(0^+)$ 的 K^*D^* 态
 $I(J^P) = 0(2^+)$ 的 K^*D^* 态
 $I(J^P) = 1(0^+)$ 的 K^*D^* 态

在 $K^{(*)}D^{(*)}$ 分子态图像下重现 $T_{c\bar{s}}^{a0(++)}(2900)$ 、 $D_{s0}^*(2317)$ 和 $D_{s1}(2460)$

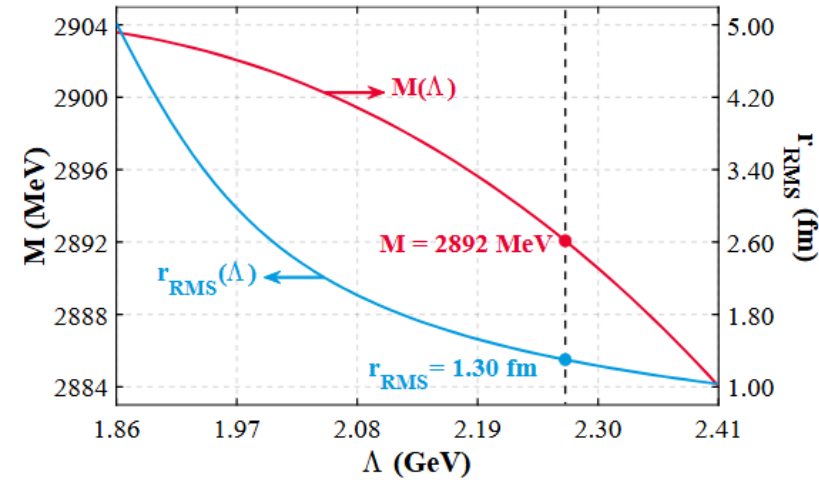


FIG. 3: Cutoff Λ dependence of the mass M for the $I(J^P) = 1(0^+)$ K^*D^* bound state. The central value of mass of the $T_{c\bar{s}}^{a0(++)}(2900)$ is reproduced at $\Lambda = 2.27$ GeV.

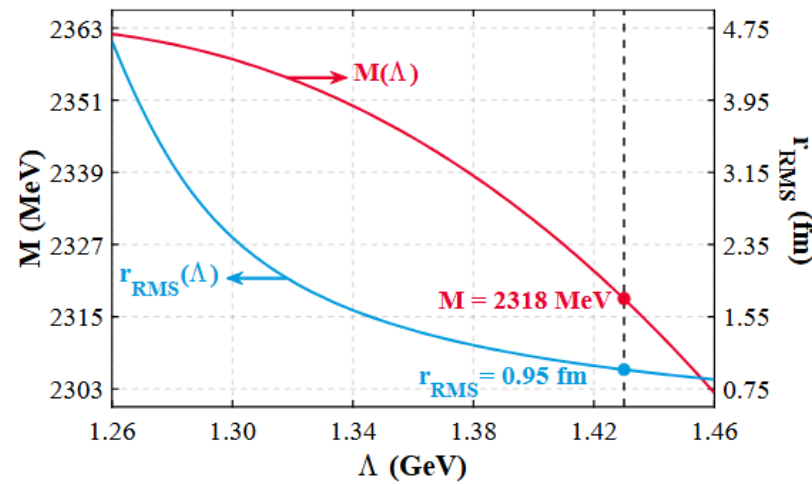


FIG. 4: Cutoff Λ dependence of the mass M for the $I(J^P) = 0(0^+)$ KD/K^*D^* coupled system. The central value of mass of the $D_{s0}^*(2317)$ is reproduced at $\Lambda = 1.43$ GeV.

考虑耦合道效应后，在更物理的截断值处重现 $D_{s0}^*(2317)$ 和 $D_{s1}(2460)$ 的质量。

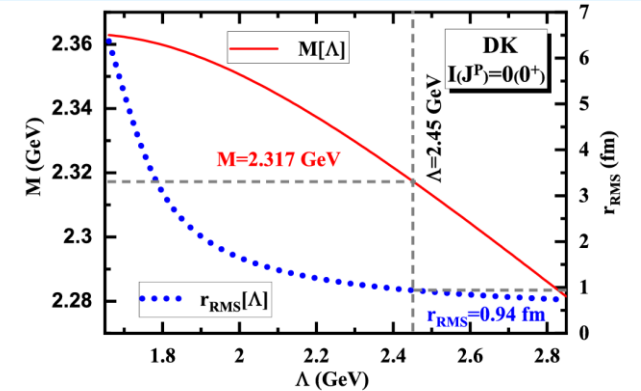


FIG. 1: The cutoff Λ dependence of the bound solutions (mass M and root-mean-square r_{RMS}) for the DK system with $I(J^P) = 0(0^+)$.

R. Chen and Q. Huang, arXiv:2208.10196

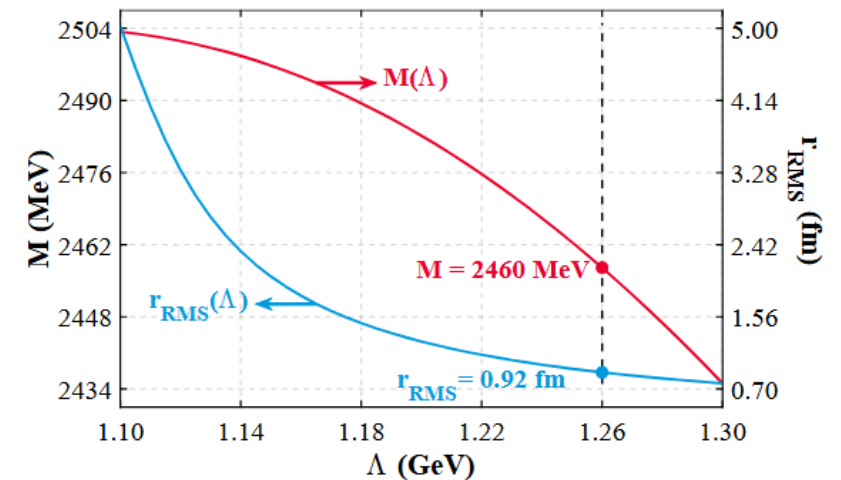
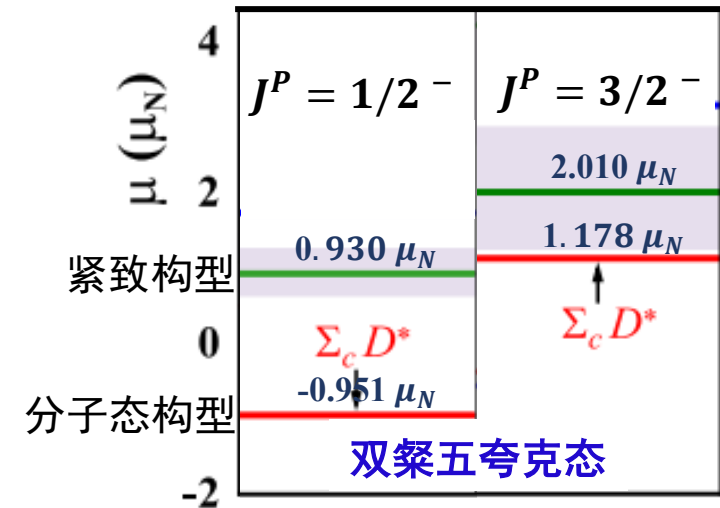


FIG. 5: Cutoff Λ dependence of the mass M for the $I(J^P) = 0(1^+)$ $KD^*/K^*D/K^*D^*$ coupled system. The central value of mass of the $D_{s1}(2460)$ is reproduced at $\Lambda = 1.26$ GeV.

强子的电磁性质——磁矩与辐射衰变宽度

- 磁矩与辐射衰变宽度是反映强子内部结构的重要电磁性质，为确定强子的量子数与构型提供重要参考。
- 强子的磁矩与辐射衰变宽度是重要的实验可观测量。



H. Y. Zhou, F. L. Wang, Z. W. Liu, and X. Liu, PRD 106,034034 (2022).

- 强子电磁性质的研究模型与方法：

- ① 组分夸克模型；
- ② QCD求和规则；
- ③ 格点QCD模拟；
- ④ 手征微扰理论；

.....

Jia-Ning Cui and Fu-Lai Wang, arXiv:2606.13088



$$I(J^P) = \frac{1}{2}(\frac{1}{2}^+) \text{ Status: } ****$$

p MAGNETIC MOMENT				
VALUE (μ_N)	DOCUMENT ID	TECN	COMMENT	
2.79284734463 ± 0.00000000082	TIESINGA	21	RVUE	2018 CODATA value
• • • We do not use the following data for averages, fits, limits, etc. • • •				
2.79284734462 ± 0.00000000082	SCHNEIDER	17	TRAP	Double Penning trap
2.7928473508 ± 0.00000000085	MOHR	16	RVUE	2014 CODATA value
2.792847356 ± 0.00000000023	MOHR	12	RVUE	2010 CODATA value
2.792847356 ± 0.00000000023	MOHR	08	RVUE	2006 CODATA value
2.792847351 ± 0.00000000028	MOHR	05	RVUE	2002 CODATA value
2.792847337 ± 0.00000000029	MOHR	99	RVUE	1998 CODATA value
2.792847386 ± 0.00000000063	COHEN	87	RVUE	1986 CODATA value

R. L. Workman et al. [Particle Data Group], PTEP 2022, 083C01 (2022).

利用 $D_{s1}(2460) \rightarrow D_{s0}^*(2317)\gamma$ 解析 $D_{s0}^*(2317)$ 和 $D_{s1}(2460)$ 的内部结构

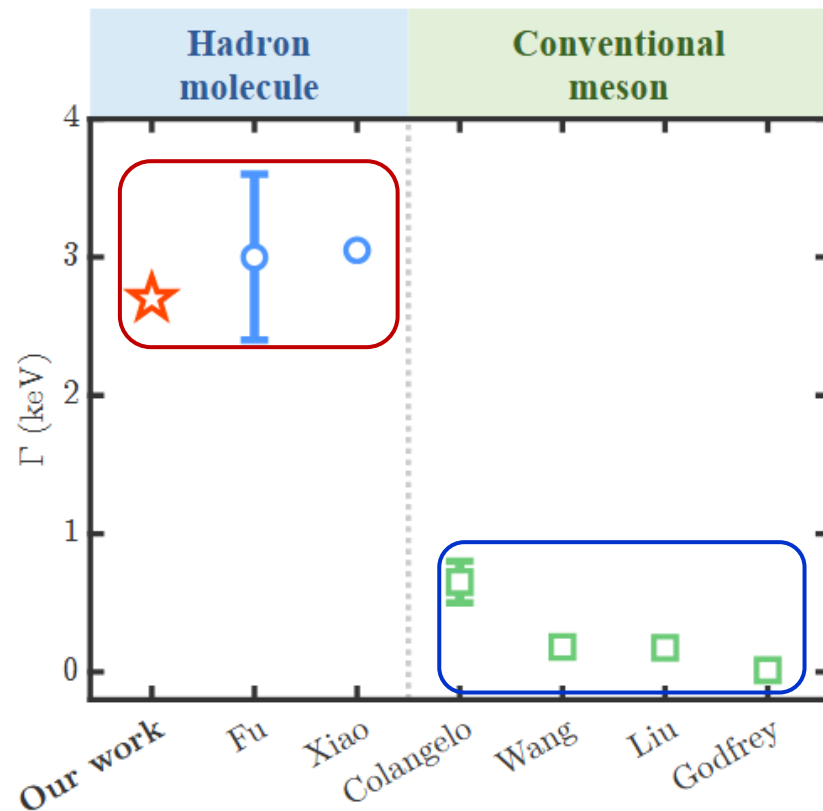


FIG. 10: Numerical results for the radiative decay width of the $D_{s1}(2460) \rightarrow D_{s0}^*(2317)\gamma$ in keV, obtained in the hadron molecule picture and the conventional meson picture.

传统介子图像的大多数预言比分子态图像的预言小一个数量级，两种图像之间显著的差异表明 $D_{s1}(2460) \rightarrow D_{s0}^*(2317)\gamma$ 可以作为区分 $D_{s0}^*(2317)$ 和 $D_{s1}(2460)$ 内部结构的重要判据。因此，电磁可观测测量在区分不同构型的强子和澄清实验发现的新强子态的内部结构方面具有重要价值。

4

总结与展望

理论与实验紧密结合共同推动对粲-奇异分子态类型四夸克态的研究

- 受实验上发现的众多粲-奇异新强子态的启发，我们对相应的粲-奇异分子态类型四夸克态候选者的质量谱和电磁性质进行了研究，其中包含 $S - D$ 波混合和耦合道效应。
- 在粲-奇异分子态类型四夸克态的图像下重现了实验上发现的共振态 $X_1(2900)$ 、 $X_0(2900)$ 、 $T_{c\bar{s}}^{a0(++)}(2900)$ 、 $D_{s0}^*(2317)$ 和 $D_{s1}(2460)$ 的质量。
- 预言了丰富的尚未观测到的粲-奇异分子态类型四夸克态候选者。
- 耦合道动力学起着至关重要的作用：它不仅降低了单道分析中的截断参数，而且生成了在单道分析中不存在的松散束缚态。
- 电磁性质有助于解析粲-奇异分子态类型四夸克态的内部结构。
- 为寻找粲-奇异分子态类型四夸克态提供建议，建议 LHCb、Belle II 和其它相关实验在质子-质子碰撞过程和 B 介子弱衰变过程中寻找，这能够为实验上发现的几个新强子态的分子态解释提供检验，并丰富粲-奇异分子态类型四夸克态家族。



谢谢大家！
敬请批评指正！

白
強
不
息

獨
樹
一
幟